

18. S.

PARSONS



743



UNIVERSITY OF MICHIGAN

LIBRARY

ANN ARBOR

MICHIGAN

UNIVERSITY

LIBRARY

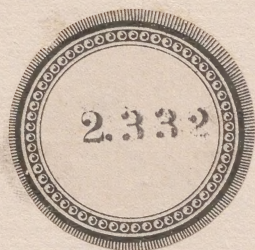






2339

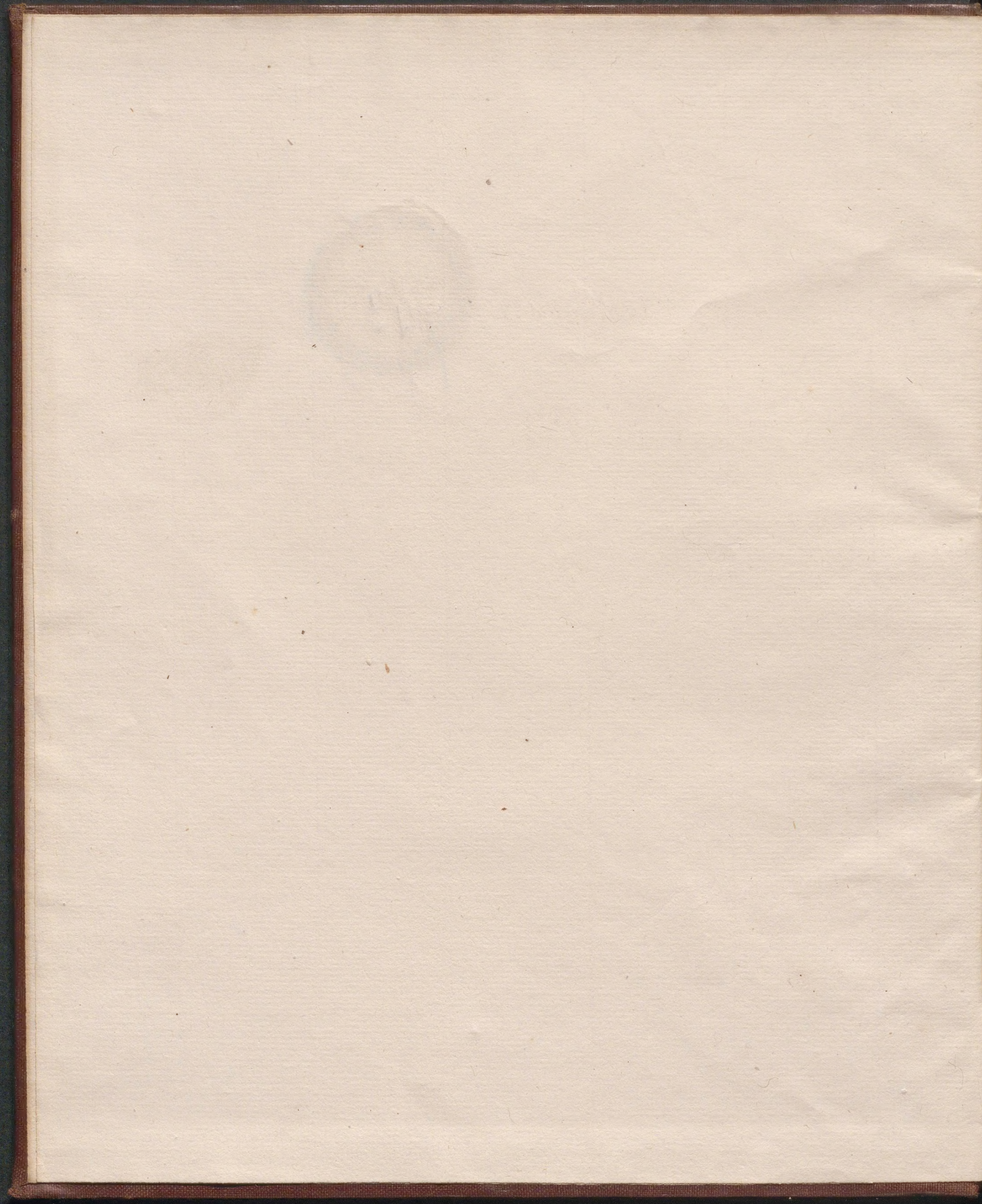






743



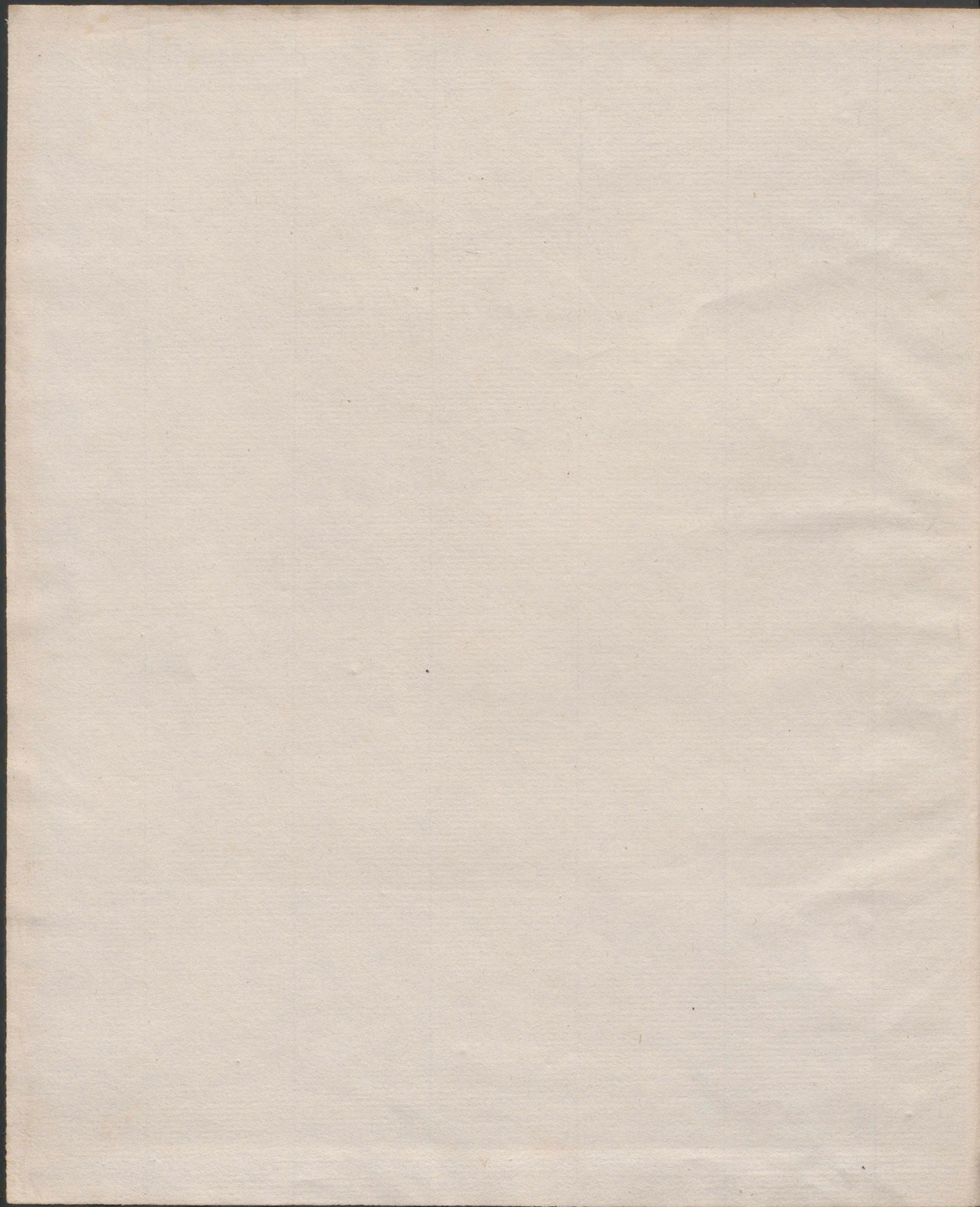




Instruments à réflexion

18<sup>e</sup> 3.







V f 4<sup>e</sup>

Instrument à réflexion  
observations faites avec l'octant ou  
le sextant.



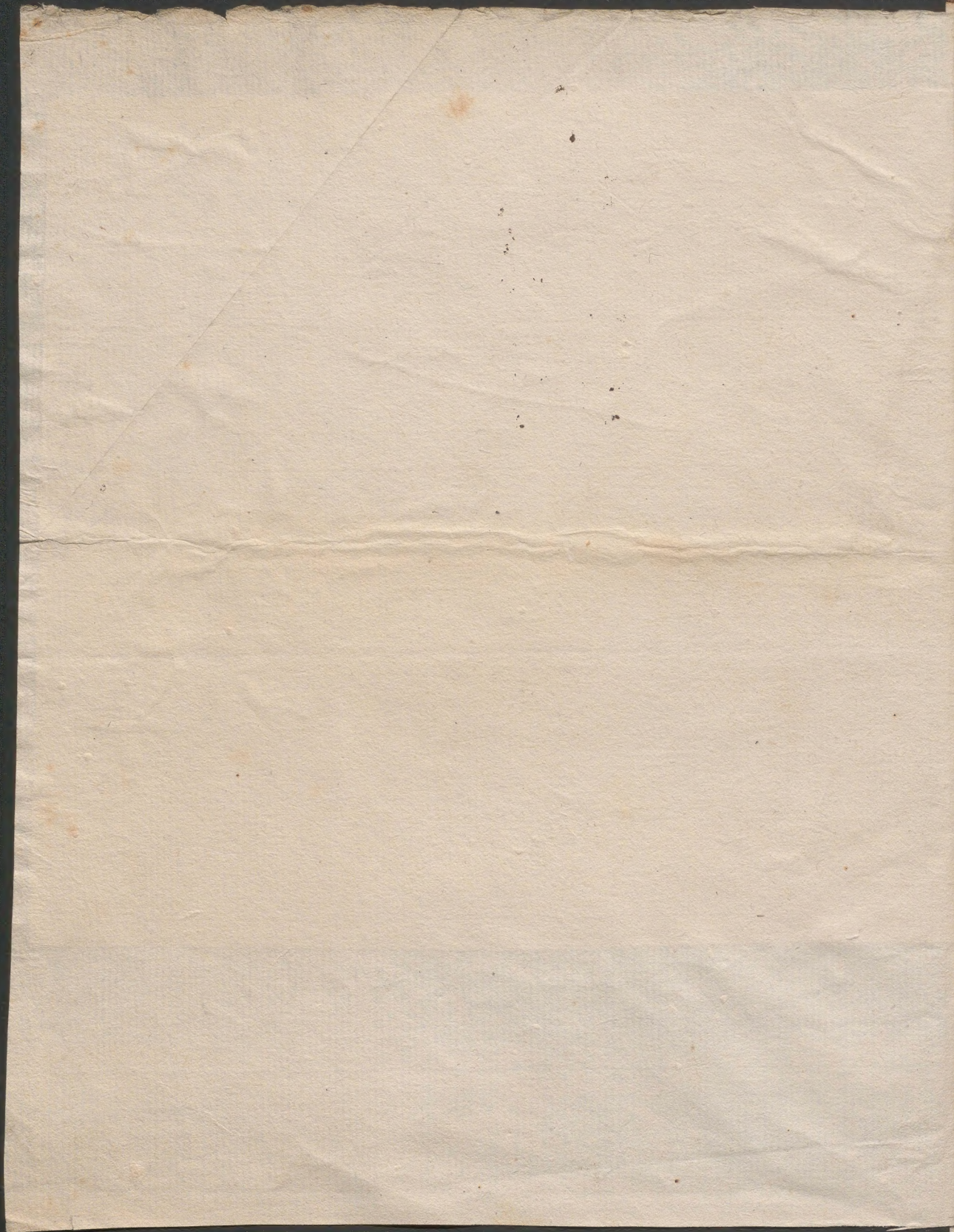
Méthode pour déterminer la  
longitude  $L \propto$   
ms. écrit seulement sur les rectos et  
disposé évidemment pour l'impression

(18<sup>e</sup>-8.)

Manuscrit de  
J. Jurgé

N. B. De la même main  
que le ms. sur la Marine  
Danaire N f 4<sup>e</sup>.







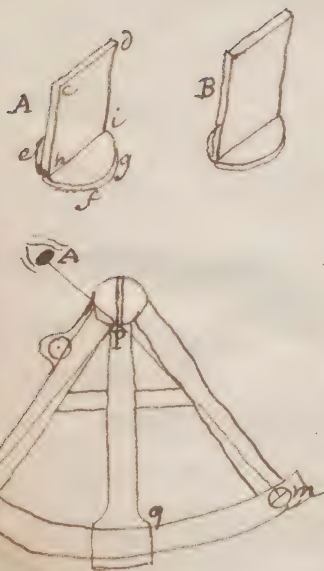
7

1

L'octant ou sextant à reflexion inventé dans le siècle dernier par le Docteur hook, perfectionné depuis par newton et ensuite par Hadlei, est un instrument précieux pour la navigation: elle lui doit en partie les progrès rapides qu'elle a fait dans ces dernières années et principalement depuis qu'on détermine les longitudes à la mer par la mesure des distances de la lune au soleil ou aux étoiles. L'importance et l'utilité presque générale de cet instrument nous engageant à entrer dans quelques détails sur la manière de s'en servir. nous expliquerons d'abord les opérations par lesquelles on vérifie la position et la bonté des miroirs ainsi que la position de l'axe de la lunette: nous parlerons ensuite de la manière de faire les observations et nous donnerons les méthodes de les calculer dont nous avons fait usage.

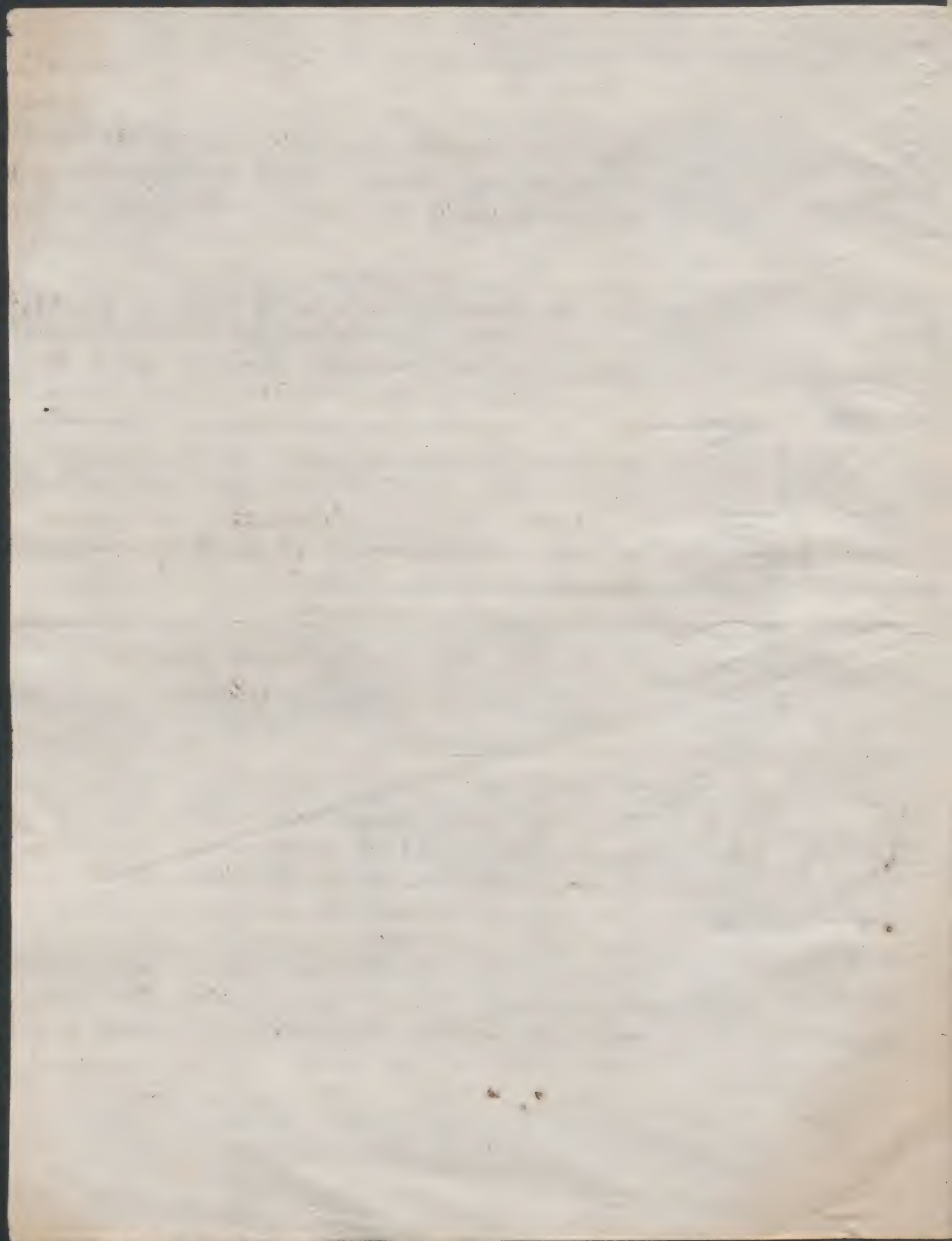
### Verification des différentes parties des instruments à reflexion

manière de rendre le grand miroir perpendiculaire au plan de l'instrument



Il faut avoir deux pièces de cuivre de même hauteur A et B fig. 1 composées chacune d'une base circulaire g e f sur laquelle est élevée un montant e d i h dont la surface supérieure e d doit être exactement parallèle à la base. on placera ces deux pièces l'une sur l'extrémité m et l'autre sur l'extrémité n du limbe. ensuite le ciel étant placé vers A et regardant la pièce m par le bord p du grand miroir on fera mouvoir l'alidade vers le milieu q du limbe jusqu'à ce que la seconde







pièce n vienne se peindre par reflexion sur  
le Bord du miroir et paroisse placée à côté de  
la pièce m: alors si les Surfaces supérieures  
des deux montans sont dans une même ligne  
droite le miroir sera perpendiculaire au plan  
de l'instrument, si ces deux Surfaces font un  
ressaut le miroir sera incliné et il faudra le  
rappeller par le moyen des vis qui le fixent sur  
l'alidade jusqu'à ce qu'on naperçoive plus aucune  
différence dans les hauteurs des deux montans.

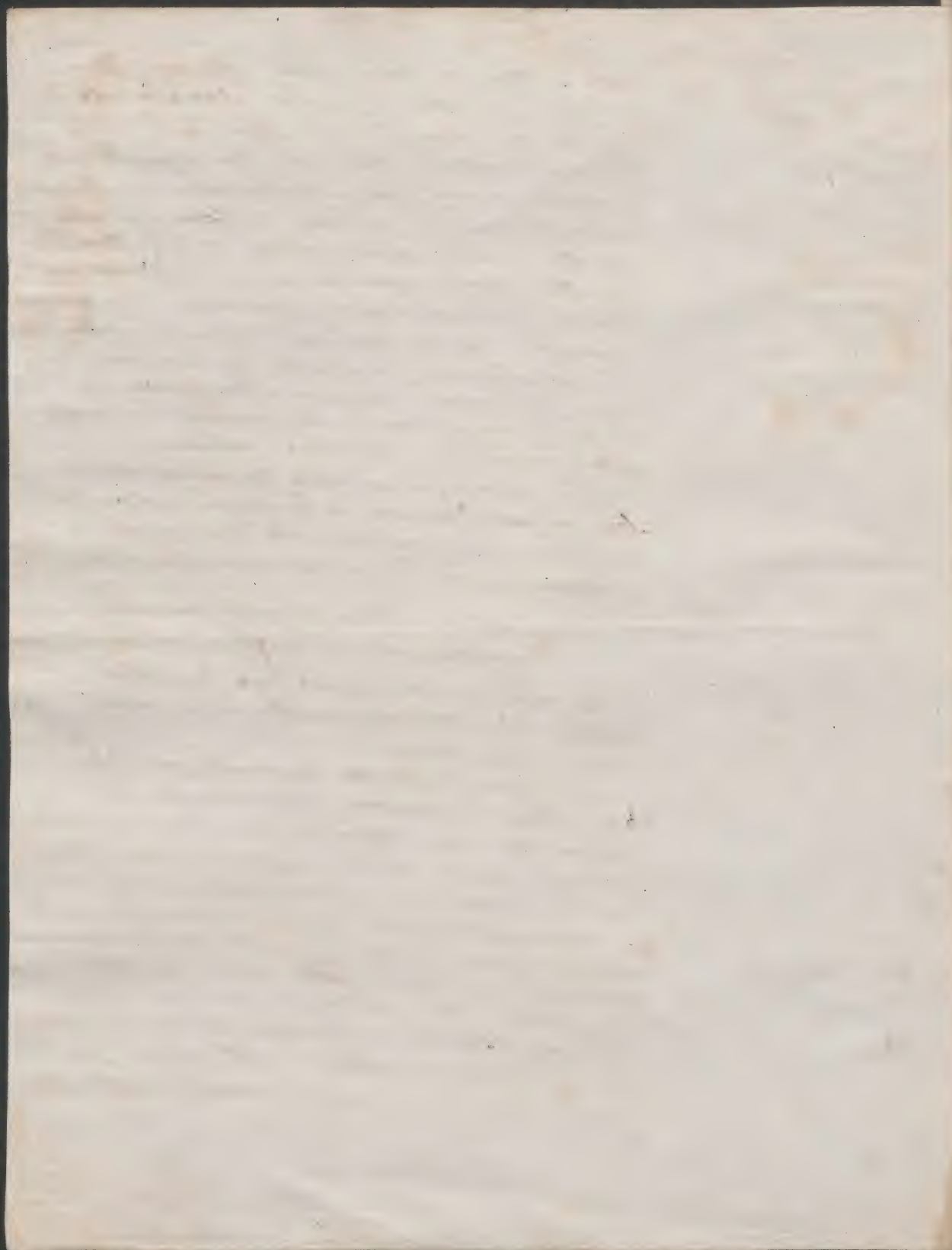
Pour s'assurer de la galité de hauteurs des  
deux pièces m et n on pourra les changer de  
place et voir si dans ce changement les images  
restent encore dans la même position

nous croions que par cette opération faite avec  
soin on peut s'assurer de la perpendicularité  
du miroir à 5 ou 6 minutes près ce qui est  
suffisant pour l'exactitude des observations.

manière de rendre le petit miroir  
perpendiculaire au plan de l'instrument  
le grand miroir aiant déjà la position  
requise on la donnera pareillement au petit  
miroir de la manière suivante.

on dirigera la lunette sur quelque objet  
bien distinct du vaisseau par exemple sur  
l'extrémité d'une vergue en tenant l'instrument  
vertical, ensuite on fera passer l'image réfléchie  
de l'objet dans le champ de la lunette et si dans  
ce mouvement les deux images viennent à coïncider  
c'est à dire qu'une des deux images du Bord de la vergue  
ne dépasse pas l'autre les <sup>deux</sup> petits miroirs auront la  
même position par rapport au plan de l'instrument,  
si l'image réfléchie ne se confond pas avec l'image  
directe il faudra rappeler le petit miroir par le  
moyen des vis de sa monture jusqu'à ce qu'on ait







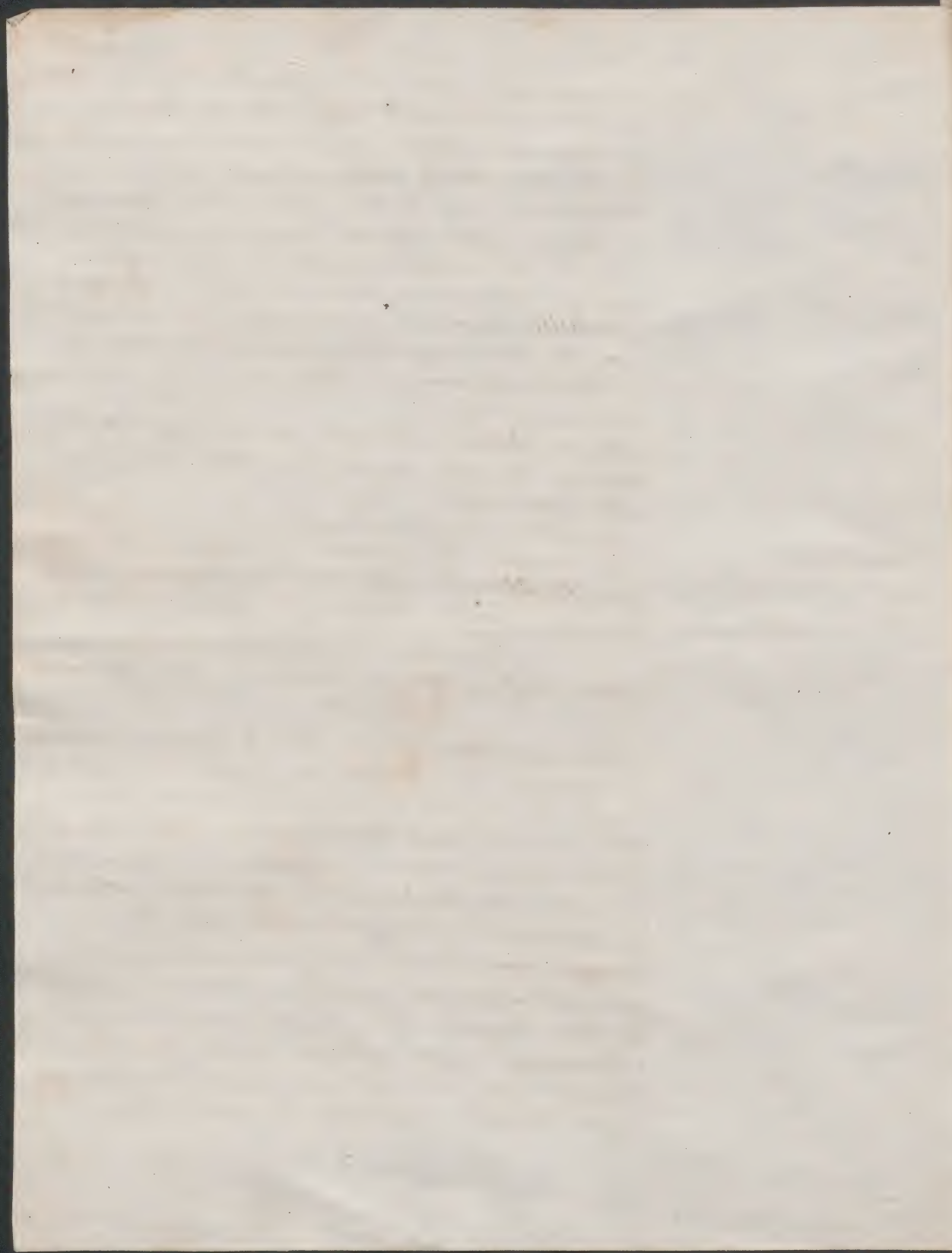
on peut aussi faire cette operation en se servant  
de l'horizon de la mer. pour cela on tiendra  
premierement l'instrument vertical et on fera  
tomber exactement l'une sur l'autre les deux images  
de l'horizon; ensuite on inclinera l'instrument  
de maniere qu'il devienne presque horizontal et  
si dans cette nouvelle position les deux images  
paraissent encore confondues les miroirs ~~seront~~  
parallèles et auront par consequent la même  
position par rapport au plan de l'instrument  
si elles se separent on rappellera le petit miroir.  
Comme cy dessus  
enfin on obtiendra la même chose en faisant  
coïncider les deux images d'une étoile ou d'un  
astre quelconque

car il n'est pas nécessaire de mettre dans  
cette operation une exactitude scrupuleuse il suffit  
que ~~la différence~~ la différence d'inclinaison ~~cette~~  
des deux miroirs n'excede pas 3 ou 4 minutes

operation pour connoître si les  
deux surfaces du grand miroir sont parallèles  
entre elles.

Cette operation doit se faire à terre. pour cela  
on choisira deux objets qui soient vus sous un  
angle à peu près le plus grand de ceux que l'on  
peut mesurer avec l'instrument: après avoir  
rendu les deux miroirs parallèles on mesurera  
cet angle avec la plus grande exactitude possible  
en observant de faire tomber le contact des  
images dans le milieu de l'intervalle des fils  
qui sont placés au foyer de la lunette. ensuite  
on otera le grand miroir de sa boîte et on le  
retournera de maniere que le côté qui étoit  
d'abord le plus près du limbe en soit maintenant  
le plus éloigné. après cela le miroir étant







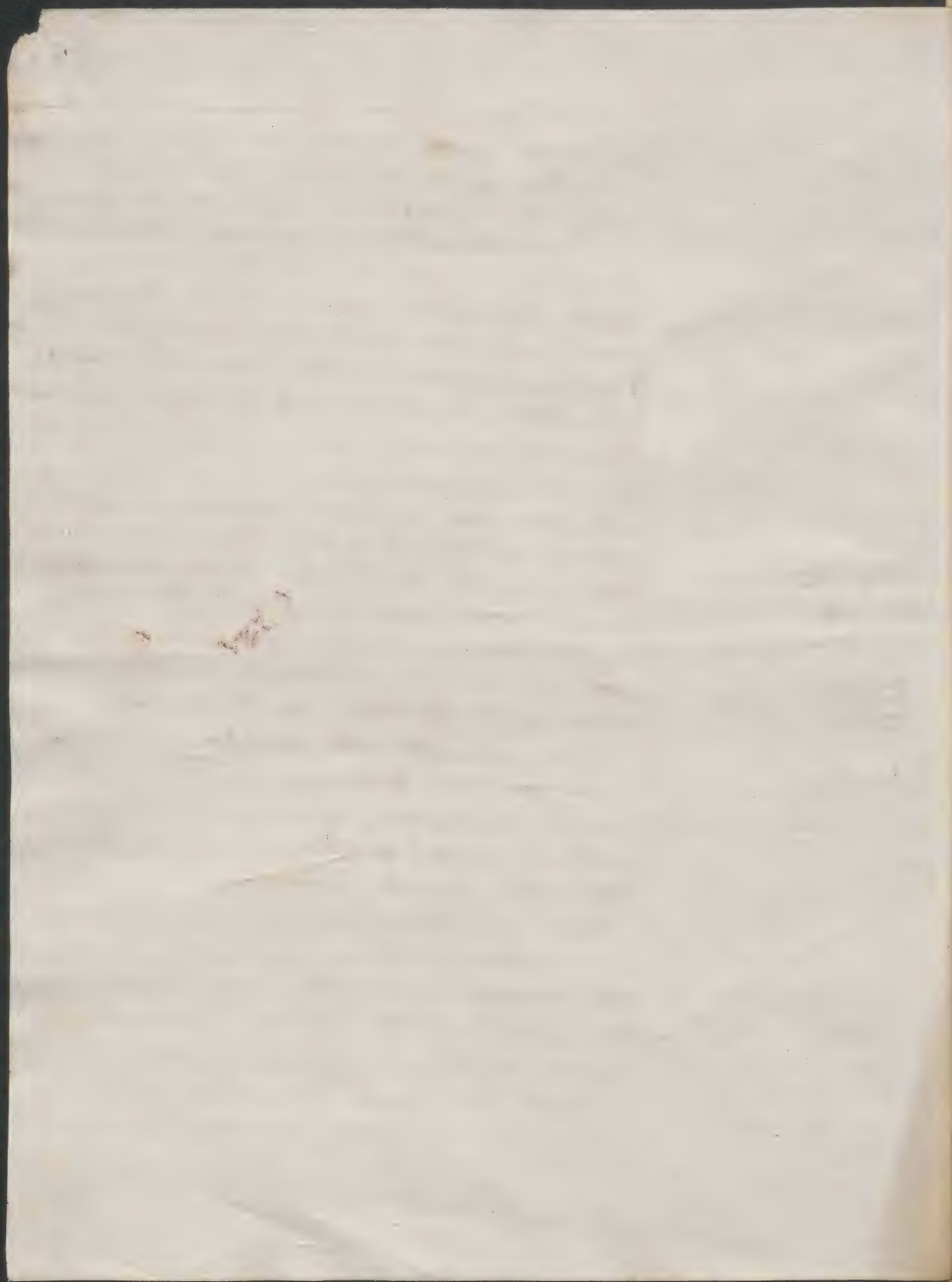
assujéti dans la monture on le rendra de nouveau  
parallèle au petit miroir sans toucher à celui-  
ci et en rappelant seulement la monture du  
grand miroir. enfin on mesurera une seconde  
fois ~~et en comparant~~ avec les memes attentions  
l'angle apparent des deux objets. cette operation  
étant faite si les deux observations donnent le  
meme angle on sera certain que les deux  
surfaces du grand miroir sont a très peu près  
parallèles, si elles donnent des angles différents  
la moitié de la différence sera l'erreur qui  
convient à l'angle mesuré.

Supposons que par la 1<sup>re</sup> operation on ait  
trouvé  $119^{\circ} 59' 30''$  et par la seconde  $120^{\circ} 1' 20''$   
on en conclura que l'erreur du miroir étoit  
de  $55''$  moitié de la différence  $1' 50''$  des deux  
angles observés et on verra que la correction doit  
~~être~~ additive pour la premiere position du  
miroir et soustractive pour la seconde.

on pourroit repeter cette operation sur d'autres  
angles pour avoir les erreurs qui conviennent  
mais il vaut mieux les conclure de l'expérience  
faite sur un grand angle mesuré en se servant  
de la table générale suivante

Cette table est calculée dans cette supposition  
que les deux surfaces du grand miroir font entre  
elles un angle de  $20''$  et elle donne les corrections  
pour trois différentes positions de la lunette par  
rapport au petit miroir. Dans la premiere  
la lunette est supposée faire avec le plan du  
petit miroir un angle de  $75^{\circ}$  et les corrections





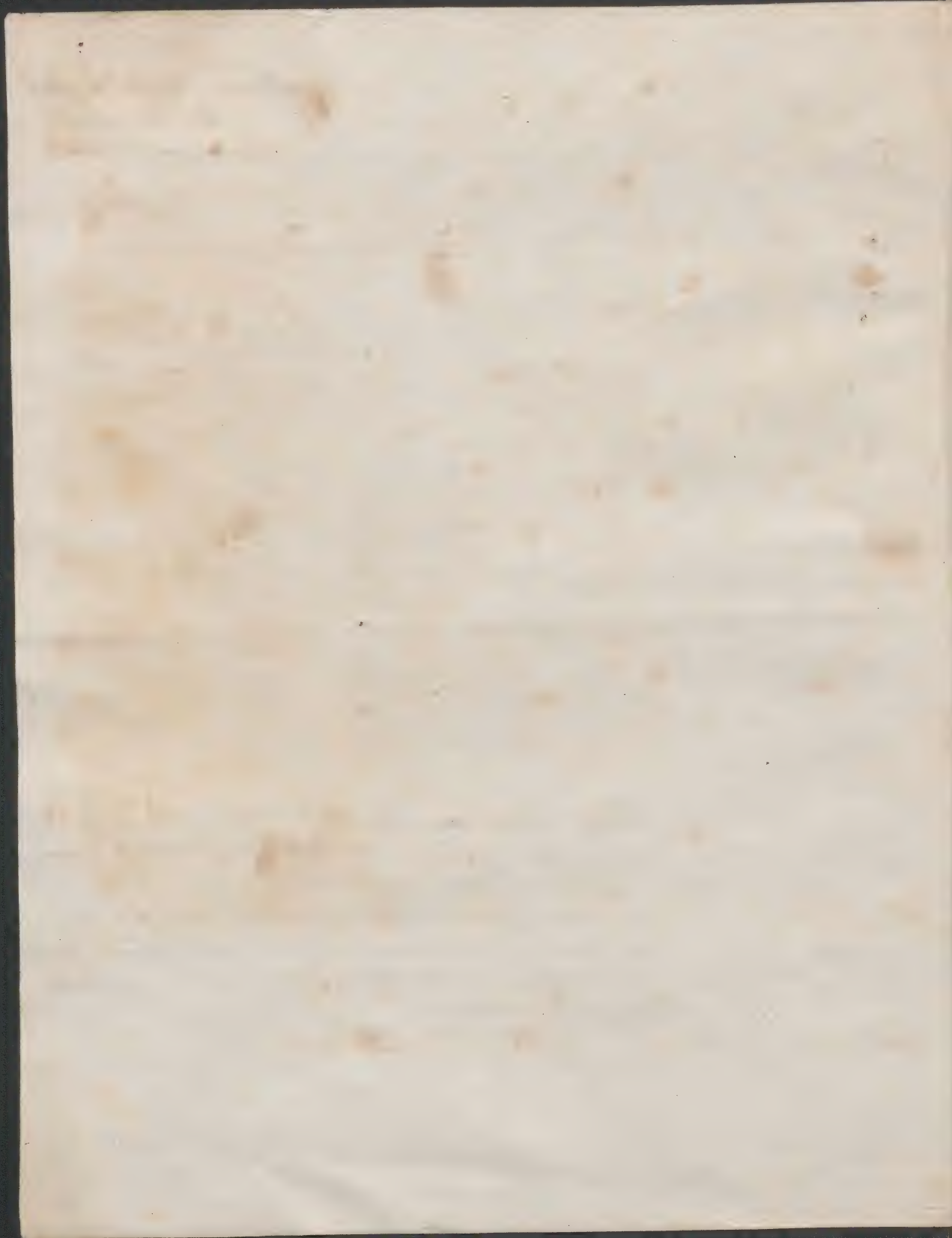


Se trouvent dans la 1<sup>re</sup> colonne, dans la seconde  
et angle est supposé de  $72^{\circ} 30'$ , et dans la 3<sup>e</sup>  
de  $70^{\circ}$  et les deux dernières colonnes donnent les  
corrections pour ces deux suppositions.

angles observés, Degrés	angles de la lunette avec le petit miroir		
	$75^{\circ}$	$72^{\circ} 30'$	$70^{\circ}$
0	0	0	0
10	1	1	2
20	3	3	4
30	5	5	6
40	7	8	9
50	10	12	14
60	15	17	20
70	21	24	27
80	28	33	38
90	40	47	55
95	47	55	66
100	56	66	80
105	67	80	98
110	81	98	123
115	99	123	158
120	124	159	211
125	160	212	
130	213		

il est clair qu'au moyen de cette table générale  
on pourra construire la table particulière d'un  
instrument donné quelconque pourvu qu'on  
connoisse l'angle que l'axe de la lunette fait avec  
le plan de l'instrument et qu'on ait trouvé par  
expérience la correction qui convient à ~~quel~~  
un angle mesuré.



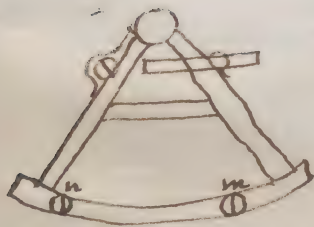




moyen de reconnoître dans le champ de la lunette la position du plan des rayons visuels parallèles au plan de l'instrument, et usage de cette détermination pour corriger les observations.

il faut d'abord commencer par déterminer la distance des fils que nous avons dit qui sont placés au foyer de la lunette, C'est à dire l'angle qu'occupe dans le champ de la lunette la perpendiculaire menée d'un fil à l'autre. pour cela on ~~tournera~~ <sup>tournera</sup> les fils on fera tourner le porte oculaire dans le tuyau de la lunette jusqu'à ce que les fils paroissent à peu près perpendiculaires au plan de l'instrument, et on dirigera ensuite la lunette sur un objet éloigné et on fera mouvoir l'alidade jusqu'à ce que l'image directe de l'objet tombant sur un des fils, son image réfléchie tombe sur le second fil, on remarquera l'angle marqué par l'index. ~~après~~ enfin on fera coïncider les deux images et on remarquera de nouveau l'angle marqué par l'index la différence des deux angles sera la distance cherchée.

Supposons par exemple qu'on ait trouvé  $1^{\circ} 38'$  par la première opération et  $0^{\circ} 2'$  par la seconde, la distance des fils sera  $= 1^{\circ} 36'$  ou  $96'$



L'intervalle des fils étant ainsi connue on retournera le porte oculaire dans le tuyau de la lunette pour rendre les fils parallèles au plan de l'instrument ainsi qu'ils doivent l'être lorsqu'on fait des observations. ensuite ayant assujéti l'instrument dans une position à peu près horizontale et de manière que la lunette soit dirigée sur un objet éloigné bien distinct, on placera sur le limbe et dans la direction de l'objet les deux

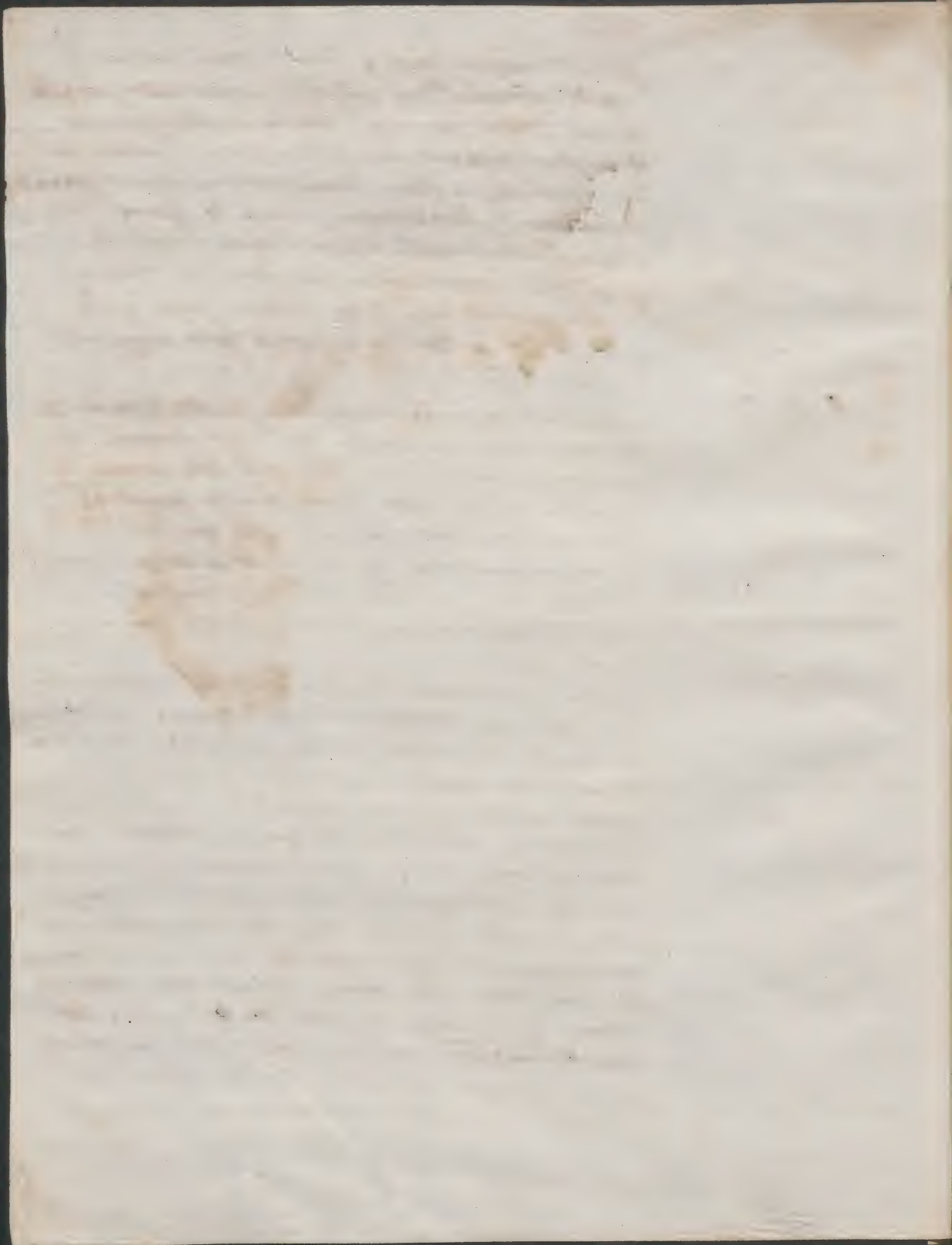














parviendra

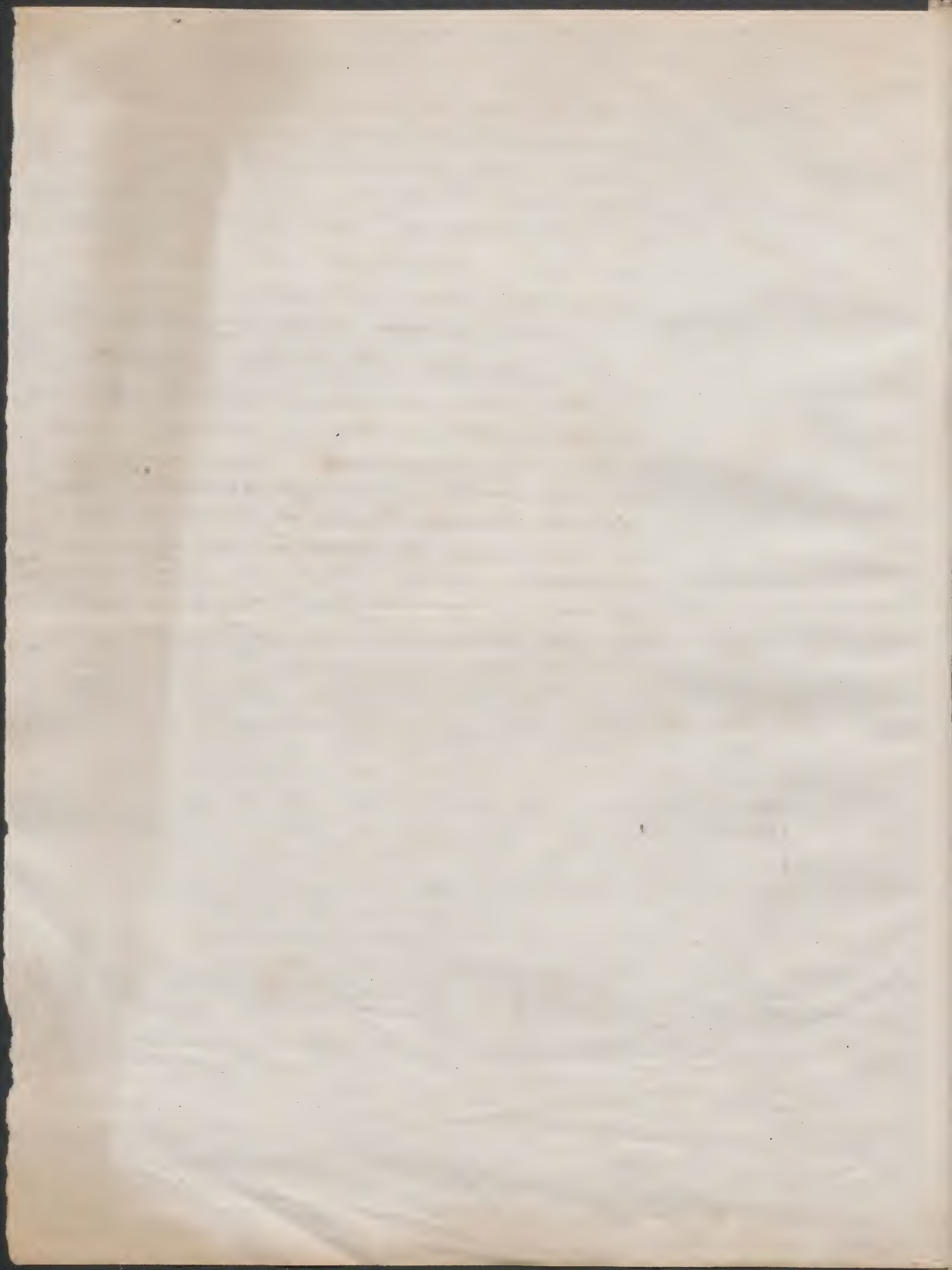
Soit  $r$  le point ou le contact a été observé et supposons qu'on ait estimé que la distance de ce point  $r$  au fil AB soit à sa distance au fil CD comme 3 est à 2, on en conclura que la distance  $rs = \frac{3}{2}$  de 96' ou 54'; ainsi la distance de la ligne mn au fil AB étant de 24' dans l'exemple ci-dessus; la distance  $rq$  du point de contact à la ligne mn Des rayons visuels parallèles sera de 34'. j'appellerai cette distance <sup>rq</sup> Deviation

il ne restera plus qu'à corriger l'angle même des effets de cette Deviation et pour cela on se servira de la table suivante dans laquelle on donne les corrections pour différents angles <sup>observés</sup> et pour différentes deviations depuis 10' jusqu'à 60', on remarquera que ces corrections sont toujours soustractives parce que l'angle marqué par l'instrument est toujours plus grand que l'angle vrai.

Corrections pour la deviation du plan dans lequel on observe le contact.

angles observés	quantités de Deviation					
	10'	20'	30'	40'	50'	60'
0°	0"	0"	0"	0"	0"	0"
10	0	1	1	3	4	6
20	0	1	3	5	7	11
30	1	2	4	7	12	17
40	1	3	6	10	16	23
50	1	3	8	13	20	29
60	1	4	9	16	25	36
70	1	5	11	20	31	44
80	2	6	13	23	37	53
90	2	7	16	28	44	1' 3"
100	2	8	19	33	52	1. 15
110	3	10	22	40	1' 2"	1. 30
120	3	12	27	48	1. 16	1. 49
130	4	15	34	1' 0	1. 34	2. 15
140	5	19	43	1. 17	2. 0	2. 53
150	6	26	59	1. 44	2. 43	3. 54
160	10	40	1' 29	2. 38	4. 7	5. 56
170	20	1' 20	2. 59	5. 18	8. 16	11. 51
180	20. 0	40. 0	0. 0	1. 20	1. 40	2. 0







il est facile de voir que l'opération par laquelle nous déterminons la position des rayons visuels parallèles, peut être exécutée à la mer dans les beaux temps avec presque autant de précision qu'à terre; pour cela il faudra assujettir l'instrument sur quelque point du vaisseau et se servir pour objet d'une mire bien distincte qu'on placera à 40 ou 50 pieds de distance de l'instrument.

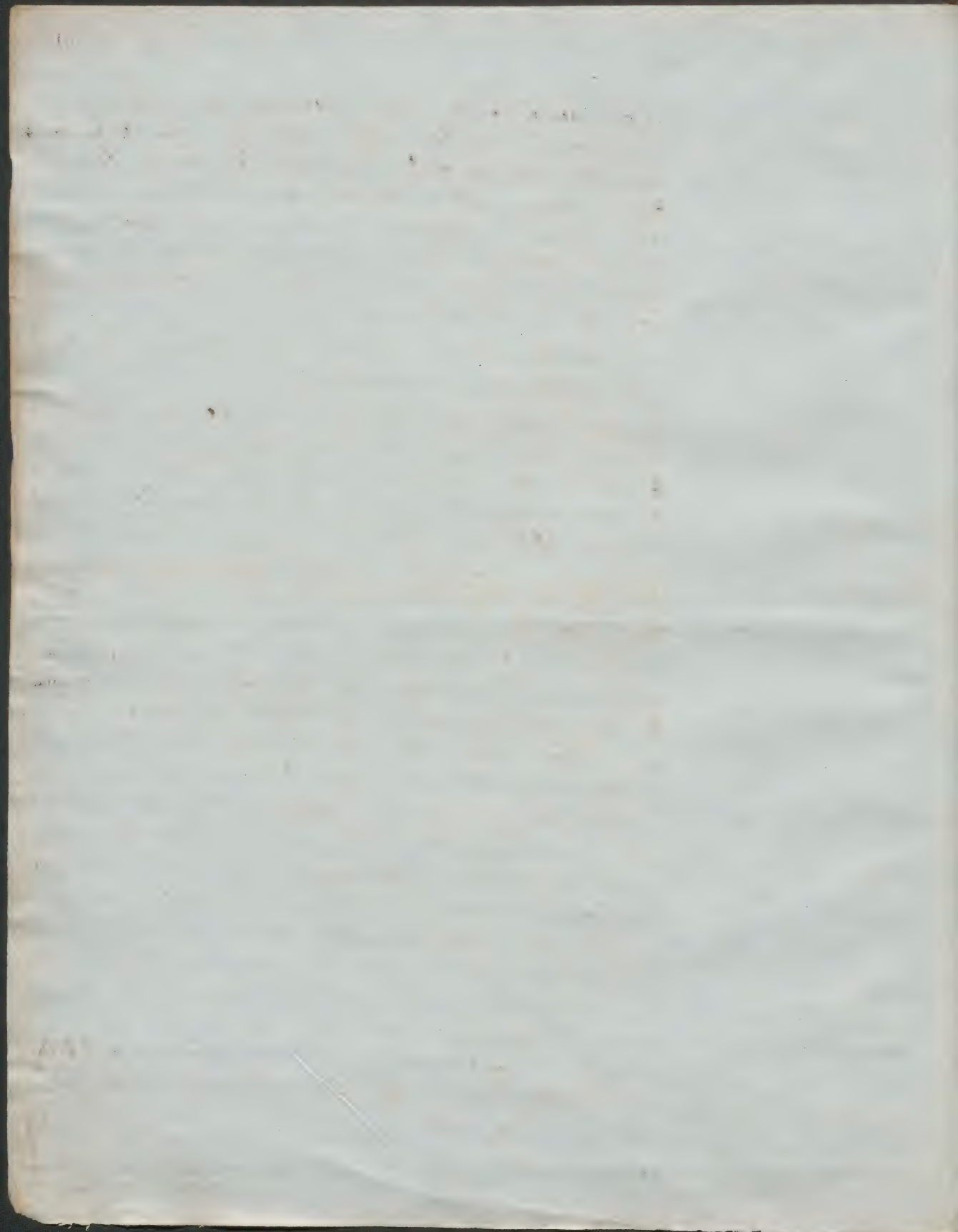
Des observations faites avec l'octant ou le sextant à réflexion

L'observation de l'angle apparent des deux objets renferme deux opérations: par la première on cherche le point où les miroirs sont parallèles, par la seconde on fait coïncider l'image directe d'un des objets avec l'image réfléchie de l'autre.

La première opération se fait ordinairement par le moyen de l'horizon de la mer. pour cela on dirige la lunette sur cet horizon en tenant l'instrument vertical. on fait ensuite mouvoir l'alidade jusqu'à ce que les deux images coïncident et alors l'index marque le point de la graduation qui répond au parallélisme; mais il faut avouer que cette méthode laisse toujours quelque incertitude; en effet lorsque les deux images sont prêtes à se confondre et qu'elles ne sont plus par exemple qu'à une demi-minute l'une de l'autre les meilleurs yeux ont de la peine à apercevoir que la coïncidence n'est pas parfaite, aussi arrive-t-il souvent qu'en répétant cette opération on trouve des différences d'une demi-minute dans les résultats.

L'observation que l'on fait par le diamètre du soleil est ~~beaucoup~~ plus exacte et voici en quoi elle consiste: après avoir mis un verre <sup>noir</sup> entre l'œil et l'oculaire pour affaiblir la lumière du soleil







on dirige la lunette sur cet astre et on fait toucher les deux images du disque d'abord d'un côté et ensuite de l'autre : on écrit à chaque observation les degrés marqués par l'index et le milieu entre les résultats donne le point du parallélisme.

cette seconde méthode est comme nous l'avons dit plus exacte que l'autre mais elle fatigue les yeux, envoici une qu'on pourroit peut-être substituer à celle là.

c'est par le moyen des fils qui sont placés au foyer de la lunette que nous proposons de faire cette opération on tiendra l'instrument vertical et on dirigera la lunette sur l'horizon de la mer mais au lieu de faire coïncider les images on les ramènera seulement assés près l'une de l'autre pour que leur distance paroisse égale au diamètre des fils ce qu'on estimera avec assés de précision en observant si les sections ~~des deux horizons ab et cd par les bords~~ ~~des deux horizons ab et cd par les bords~~ des deux horizons ab et cd par les bords du fil mn forment un quarré exact ikhl : cette première operation faite on changera la position des deux images en faisant passer au dessous celle qui étoit au dessus et on formera encore un nouveau quarré ikhl : on écrira à chaque observation les degrés marqués par l'index et le milieu sera le point du parallélisme que l'on cherche.

Les moyens que nous venons de donner ne peuvent être d'usage que pendant le jour. lorsque l'observation se fera pendant la nuit, il faudra choisir quelque étoile brillante et faire coïncider les deux images, ou plutôt comme le point de la coïncidence parfaite est fort difficile à apercevoir on donnera au petit miroir une inclinaison telle que les deux images ne puissent s'approcher qu'à 3 ou 4 minutes de





*[Faint, illegible handwriting throughout the page]*



Distance liée de l'autre ensuite on extenvera le point ou ~~le~~ les deux images paroîtront dans une ligne perpendiculaire au plan de l'instrument et ce sera le point du parallélisme.

voilà les différentes manières de faire la première opération d'une observation; Ce que nous avons dit cy dessus au sujet de la déviation indique les attentions qu'il faut avoir dans la seconde opération, elles se bornent à ceci qu'il faut chercher à faire tomber le contact des images le plus près qu'il est possible du plan des rayons visuels <sup>matrice de la</sup> parallèles, et que dans le cas ou il y auroit une déviation il faut s'étudier à en bien estimer la quantité. Sur cela nous remarquerons par rapport à la manière d'observer les hauteurs des arbres sur l'horizon qu'il faut avoir le soin en balançant l'instrument de tenir toujours l'arc entre les fils parallèles, ~~de sorte que l'arc~~ de manière que ~~l'arc~~ l'arc autour duquel on fait tourner l'instrument soit une ligne menée de l'observateur à l'astre.

Méthode pour ~~calculer~~ Calculer les observations des Distances de la lune au Soleil ou aux étoiles, ~~pour~~ en conclure la longitude

ces observations se font de deux manières, ou par deux observateurs dont l'un mesure la distance, tandis que les deux autres prennent les hauteurs, ou par un seul observateur qui fait successivement toutes les observations nous ne parlerons ici que de la première que nous expliquerons avec beaucoup de détail en l'appliquant à un exemple



1870

...

...

...

...



Le 10 fevrier 1776 à 5 heures environ après midi  
 étant par une longitude estimée de  $150^{\circ}$  à l'ouest  
 de paris et par une latitude de  $10^{\circ} 20'$  nord un  
 observateur a pris six distances consecutives du  
 soleil au bord éclairé de la lune, deux autres observateurs  
 ont mesuré pendant ce temps là et aux memes  
 instans les hauteurs des deux astres sur l'horizon  
 on demandait d'en conclure la longitude du vaisseau  
 voici les observations

Distances de la lune au soleil	haut. du ☉ prises aux memes instans	hauteurs de ☾
1 <sup>re</sup> $108^{\circ} 9' 20''$	$7^{\circ} 0' 30''$	$53^{\circ} 50' 0''$
2 <sup>e</sup> $108^{\circ} 10' 15''$	$6^{\circ} 43' 30''$	$54^{\circ} 5' 0''$
3 <sup>e</sup> $10^{\circ} 45'$	$6^{\circ} 23' 30''$	$54^{\circ} 23' 0''$
4 <sup>e</sup> $11^{\circ} 30'$	$6^{\circ} 6' 0''$	$54^{\circ} 39' 30''$
5 <sup>e</sup> $11^{\circ} 40'$	$5^{\circ} 45' 0''$	$54^{\circ} 59' 0''$
6 <sup>e</sup> $12^{\circ} 30'$	$5^{\circ} 33' 0''$	$55^{\circ} 9' 30''$

L'œil des observateurs qui prenoient les hauteurs des  
 deux astres étoit élevé de 15 pieds au dessus du niveau  
 de la mer

L'observateur qui mesuroit les distances de deux  
 astres a eu le soin de remarquer à chaque observation  
 la quantité de deviation du point de contact  
 et il a estimé qu'elle étoit de  $40'$  dans la 1<sup>re</sup> observation  
 et ensuite de  $20'$ ,  $50'$ ,  $30'$ ,  $10'$  et  $45'$  dans les autres. Les  
 autres observateurs ont négligé de remarquer ces  
 deviations parcequ'elles ne donnent qu'une très petite  
 correction dans les hauteurs ~~quelles~~ et que de petites  
 erreurs dans les hauteurs influent très peu sur la  
 détermination de la longitude.

#### Calcul des observations

voici le procédé que nous allons suivre 1<sup>o</sup> nous



Handwritten text, likely a letter or document, written in cursive script. The text is faint and mostly illegible due to fading and bleed-through from the reverse side. It appears to be a formal or semi-formal communication.

Handwritten text, likely a letter or document, written in cursive script. The text is faint and mostly illegible due to fading and bleed-through from the reverse side. It appears to be a formal or semi-formal communication.

Handwritten text, likely a letter or document, written in cursive script. The text is faint and mostly illegible due to fading and bleed-through from the reverse side. It appears to be a formal or semi-formal communication.

Handwritten text, likely a letter or document, written in cursive script. The text is faint and mostly illegible due to fading and bleed-through from the reverse side. It appears to be a formal or semi-formal communication.

Handwritten text, likely a letter or document, written in cursive script. The text is faint and mostly illegible due to fading and bleed-through from the reverse side. It appears to be a formal or semi-formal communication.



1<sup>re</sup> préparerons les observations en les réduisant à une  
 distance moyenne et à des hauteurs moyennes  
 correspondantes 2<sup>o</sup>. de la distance et des hauteurs  
 observées nous conclurons la distance et les hauteurs  
 apparentes des centres des deux astres 3<sup>o</sup>. nous corrigerons  
 les hauteurs apparentes des effets de la réfraction et  
 de la parallaxe pour avoir les hauteurs vraies par  
 rapport au centre de la terre 4<sup>o</sup>. nous nous servirons  
 des quantités déjà trouvées pour réduire la distance  
 apparente à la distance vraie 5<sup>o</sup>. de cette distance  
 vraie nous conclurons par les tables des distances  
 qui sont dans la connaissance des tems l'heure qu'il  
 étoit à paris au tems de l'observation 6<sup>o</sup>. nous  
 calculerons l'heure du vaisseau par la hauteur  
 moyenne du soleil et 7<sup>o</sup>. enfin nous prendrons  
 la différence entre l'heure de paris et l'heure du  
 vaisseau ce qui donnera la différence de longitude  
 entre le méridien de paris et celui du vaisseau

### Préparation des observations

on prendra la somme des six distances et celle  
 des six hauteurs de chaque astre, on divisera  
 chaque somme par six et on aura une distance  
 moyenne de  $108^{\circ} 11' 0''$  et deux hauteurs moyennes  
 celle du ☉ de  $6^{\circ} 15' 15''$  et celle de ☿ de  $54^{\circ} 31' 0''$

mais il faut remarquer qu'on doit corriger la  
 distance moyenne des effets de la déviation, pour  
 cela on cherchera dans la table page 8 les erreurs  
 qui conviennent à chaque déviation estimée, la  
 sixième partie de la somme de ces erreurs sera  
 la quantité qu'il faudra retrancher de la distance  
 moyenne déjà trouvée.

Observations. Déviations. corrections		
1 <sup>re</sup>	40'	39"
2 <sup>e</sup>	20	10
3 <sup>e</sup>	30	1
4 <sup>e</sup>	30	22
5 <sup>e</sup>	10	2
6 <sup>e</sup>	45	49
Som. 3		03
6		31"



Handwritten text, likely a letter or document, written in cursive script. The text is extremely faded and illegible due to the quality of the scan. It appears to be a single column of writing, possibly containing several paragraphs. The ink is very light, and the paper shows signs of aging and discoloration.



on retranchera donc  $31''$  de la distance moyenne  $108^{\circ} 11'$   
et il restera  $108^{\circ} 10' 29''$

### Distance apparente et hauteurs apparentes des centres

pour trouver ces quantités apparentes il faut d'abord  
connoître les demi-diamètres du soleil et de la  
lune au temps des observations

par la supposition il étoit à peu près 5 heures  
du soir à bord du vaisseau, le vaisseau étoit  $150^{\circ}$   
ou 10 heures à l'ouest de paris donc il étoit alors  
à peu près 15 heures à paris. d'après cela on  
cherchera dans la connoissance des temps le demi-  
diamètre de la lune pour le 10 février 1776 à 15  
heures et on trouvera  $15'. 4''$ . le demi-diamètre  
du soleil pour le même jour est de  $16'. 15''$ .

Cela posé on ajoutera à la distance observée des  
disques les demi-diamètres des deux astres et on aura  
 $108^{\circ} 41'. 51''$ , à quoi il faut encore ajouter

\* l'augmentation du demi-diamètre de la lune qui est  
de  $12''$  pour  $54^{\circ}$  de hauteur et on aura enfin la  
distance apparente des centres =  $108^{\circ} 42'. 3''$

pour avoir la hauteur apparente du centre du  
soleil on retranchera d'abord de la hauteur  
observée l'effet de la dépression de l'horizon pour  
15 pieds de hauteur de l'œil et on ajoutera le  
demi-diamètre de l'astre parce que c'est le bord  
inférieur dont on a mesuré la hauteur

hauteur obs. $\odot$	$6^{\circ} 15'. 15$
Depress. de l'hor.	$3. 56$
	$6. 11. 19$
Dem. dia. $\odot$	$16. 15$
	$6. 38. 34$
ou simplement	$6. 38. 30$

on trouvera de la même manière la hauteur apparente  
du centre de la lune.

\* note cette augmentation  
du demi-diamètre de la lune  
vient de ce que cet astre étant  
élevé sur l'horizon, se trouve  
plus près de l'observateur que  
du centre de la terre pour  
lequel les tables sont calculées  
on trouve dans la plus-part  
des livres d'astronomie des  
tables pour cette augmentation.

\*\* note nous employons  
pour la dépression de l'horizon  
la table que m<sup>r</sup> Bouguer  
a donné dans son traité de  
navigation page ( ). Dans  
la construction de cette  
table m<sup>r</sup> Bouguer a eu  
égard non seulement à  
la sphéricité de la terre  
mais encore à la réfraction  
qui prouve les rayons de  
lumière en parvenant depuis  
l'horizon de la mer jusqu'à  
l'œil de l'observateur.

11. 11. 1881  
12. 12. 1881

13. 1. 1882  
14. 2. 1882

15. 3. 1882  
16. 4. 1882

17. 5. 1882  
18. 6. 1882

19. 7. 1882  
20. 8. 1882

21. 9. 1882  
22. 10. 1882

23. 11. 1882  
24. 12. 1882

25. 1. 1883  
26. 2. 1883

27. 3. 1883  
28. 4. 1883



16

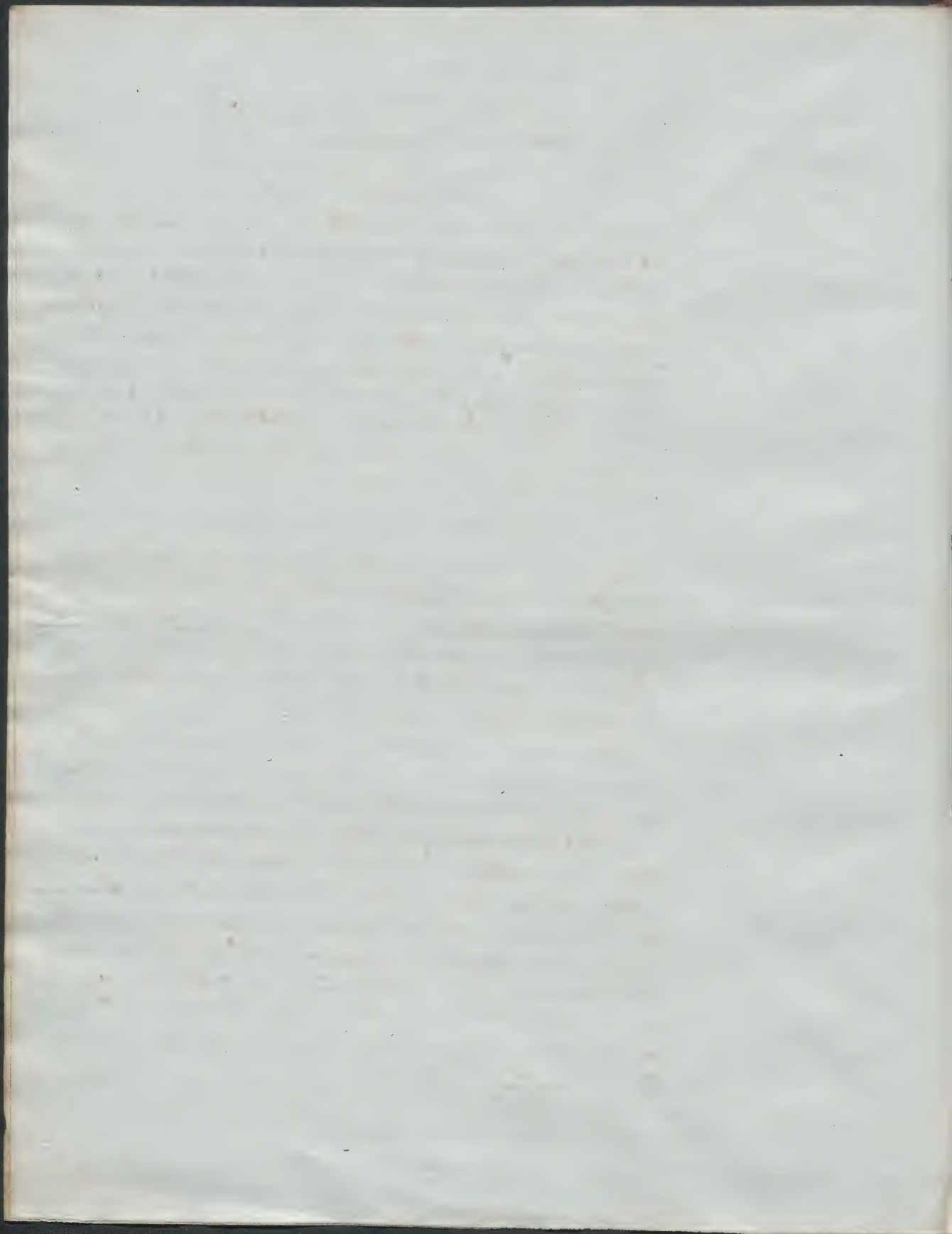
hauteur observée $\tau$ ---	54° 31' 0"
Depress. de l'horizon - - -	3.56
	54. 27. 4
dem. diam. $\tau$ à retrancher - -	16. 7
	54. 11. 57
ou simplement - -	54° 12' 0"

il faudroit pour plus d'exactitude dans le calcul de la hauteur apparente du centre de la lune avoir égard à l'augmentation du demi-diamètre dont nous avons parlé ci-dessus : mais les petites différences dans les hauteurs observées influent si peu sur la réduction de la distance qu'on peut les négliger sans erreur sensible et c'est à cause cela qu'après avoir trouvé les hauteurs apparentes 6° 27' 34" et 54° 11' 57" nous les avons réduites pour la seule commodité du calcul à 6° 27' 30" et 54° 12' 0"

### hauteurs vraies des centres

Pour réduire la hauteur apparente du centre du soleil à sa hauteur vraie on retranchera la refraction 7' 41" qui convient à cette hauteur apparente, on ajoutera ensuite la parallaxe de hauteur du soleil 8" et on aura la hauteur vraie du centre du soleil = 6° 19' 57"

pour avoir la hauteur vraie du centre de la lune on retranchera de 54° 12' 0" la refraction 39" qui convient à cette hauteur et on aura 54° 11' 21" ensuite on cherchera dans la connoissance des temps la parallaxe horizontale pour le temps de l'observation c'est-à-dire pour le 10 février à 15 heures et on trouvera 55' 19" qu'on multipliera par le sinus de la hauteur apparente 54° 12' et on aura la parallaxe de hauteur 32' 21" enfin on ajoutera cette quantité à la hauteur déjà corrigée 54° 11' 21" et on aura la hauteur vraie du centre de la lune = 54° 43' 42"





## Réduction de la distance apparente à la distance vraie

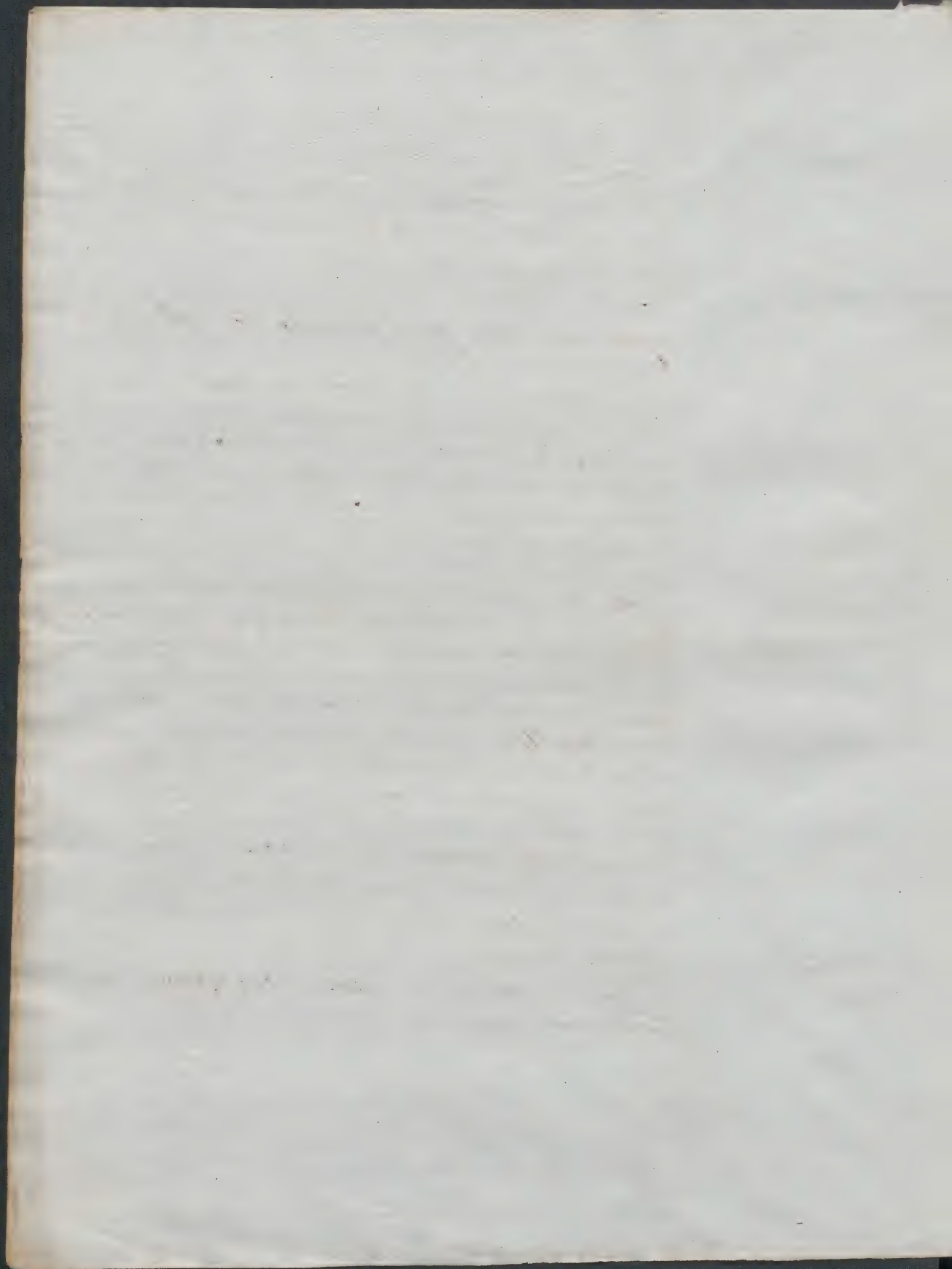
C'est par le moyen de la distance apparente, des hauteurs apparentes et des hauteurs vraies des deux astres qu'on parvient à trouver la distance vraie ou réduite

voici pour cela une formule de Calcul que l'usage rendra facile

on écrira les uns au dessous des autres, la distance apparente des deux astres, leurs hauteurs apparentes, leur cosinus, la somme et la demi-somme de ces trois quantités, et la différence de cette demi-somme à la distance apparente, la hauteur vraie de chacun des deux astres, la somme et la demi-somme de ces hauteurs vraies

Cela posé à côté des hauteurs apparentes on écrira les compléments arithmétiques des cosinus de ces hauteurs et à côté de la demi-somme, de la différence qui la suit et des hauteurs vraies, les logarithmes de leurs cosinus: on prendra la somme et la demi-somme de ces logarithmes, de cette dernière quantité on retranchera le cosinus de la demi-somme des hauteurs vraies et on aura le logarithme sinus d'un angle qu'on cherchera dans les tables, on ajoutera enfin le logarithme cosinus de cet angle au logarithme cosinus de la demi-somme des hauteurs vraies et on aura le logarithme sinus de la moitié de la distance réduite que l'on cherche

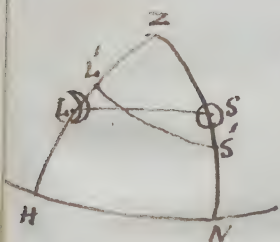
voici le type du calcul qui ~~sera~~ ~~est~~ ~~de~~ ~~pour~~ ~~servira~~ à éclaircir ce que nous venons de dire.





18

Dist. appar.  $\odot$  .....  $108^{\circ} 41' 49''$   
 haut. appar.  $\odot$  - - - - -  $6. 27. 30$  - com. cos  $0. 00 27649$   
 haut. appar.  $\odot$  - - - - -  $54. 12. 0$  - com. cos  $0. 2328756$   
     Som.  $169. 21. 19$   
     dem. som.  $84. 40. 40$  - - - - - cos  $8. 9673456$   
     Différence de l'adist.  $24. 1. 9$  - - - - - cos  $9. 9666654$   
 haut. vraie  $\odot$  - - - - -  $6. 19. 57$  - - - - - cos  $9. 9973420$   
 haut. vraie.  $\odot$  - - - - -  $54. 43. 42$  - - - - - cos  $9. 7615173$   
     Somme  $61. 3. 39$  - - - - -  $38. 9225108$   
     dem. som.  $30. 31. 50$  - - - - - cos  $9. 9351839$   
     cos.  $19^{\circ} 37' 15''$  - - - - -  $9. 9740189$   
     Sinus. dem. dist. - - - - -  $9. 9092028$   
 Demi. dist. ~~de l'adist.~~ - - - - -  $54^{\circ} 13' 38''$   
 Dist. corrigée - - - - -  $108. 27. 6$



Cette formule étant un peu compliquée nous allons en donner la démonstration

Soit HN l'horizon, S le soleil, SN sa hauteur apparente sur l'horizon, <sup>et</sup> SN sa hauteur vraie: L la lune, LH sa hauteur apparente, <sup>et</sup> LH sa hauteur vraie: LS la distance apparente des deux astres, et L'S leur distance vraie que l'on cherche. j'appellerai SN  $a$  et  $\angle SN \alpha$ ; LH  $b$  et  $\angle LH \beta$ ; LS  $d$  et  $\angle L'S x$ . cela posé prolongeant les verticaux SN et LH jusqu'au zénith Z on aura dans le triangle LZS l'équation connue  $\cos \frac{1}{2} \angle ZS^2 = \frac{\sin \frac{1}{2}(ZS + ZL + LS) \cdot \sin \frac{1}{2}(ZS + ZL - LS)}{\sin ZS \cdot \sin ZL}$

et employant les dénominations cy dessus

$$\cos \frac{1}{2} \angle ZS^2 = \frac{\cos \frac{1}{2}(a + b - d) \cdot \cos \frac{1}{2}(a + b + d)}{\cos \alpha \cos \beta} \quad \text{par la même}$$

raison on aura dans le triangle L'S,  $\cos \frac{1}{2} \angle ZS'^2$  ou

$$\cos \frac{1}{2} \angle ZS^2 = \frac{\cos \frac{1}{2}(\alpha + \beta - x) \cdot \cos \frac{1}{2}(\alpha + \beta + x)}{\cos \alpha \cos \beta} \quad \text{donc}$$

$$\frac{\cos \frac{1}{2}(a + b - d) \cdot \cos \frac{1}{2}(a + b + d)}{\cos \alpha \cos \beta} = \frac{\cos \frac{1}{2}(\alpha + \beta - x) \cdot \cos \frac{1}{2}(\alpha + \beta + x)}{\cos \alpha \cos \beta}$$

mais on a par les formules de trigonométrie

$$\cos \frac{1}{2}(\alpha + \beta - x) \cdot \cos \frac{1}{2}(\alpha + \beta + x) = \frac{1}{2} \cos(\alpha + \beta) + \frac{1}{2} \cos x \quad \text{ou}$$

$$a \text{ aussi } \frac{1}{2} \cos x = \frac{1}{2} - \sin^2 \frac{1}{2} x; \quad \frac{1}{2} \cos \alpha + \beta = \frac{1}{2} - \left( \sin \frac{1}{2} \alpha + \beta \right)^2 = -\frac{1}{2} + \cos \frac{1}{2} \alpha + \beta$$

mettant ces valeurs dans l'équation

THE UNIVERSITY OF CHICAGO  
LIBRARY

THE UNIVERSITY OF CHICAGO  
LIBRARY

THE UNIVERSITY OF CHICAGO  
LIBRARY

THE UNIVERSITY OF CHICAGO  
LIBRARY

THE UNIVERSITY OF CHICAGO  
LIBRARY

THE UNIVERSITY OF CHICAGO  
LIBRARY

THE UNIVERSITY OF CHICAGO  
LIBRARY



on trouve  $\sin \frac{1}{2}x^2 = \cos \frac{1}{2}a+b^2 - \frac{\cos d \cos \beta \cdot \cos \frac{1}{2}a+b-D \cdot \cos \frac{1}{2}a+b+D}{\cos a \cos b}$

$$\text{Soit } \frac{\cos \frac{1}{2}a+b-D \cdot \cos \frac{1}{2}a+b+D \cdot \cos d \cos \beta}{\cos a \cos b} = \sin A : \text{ mettant } \cos \frac{1}{2}a+b$$

cette valeur dans l'équation elle se réduira à celle-ci  
 $\sin \frac{1}{2}x^2 = \cos A \cdot \cos \frac{1}{2}a+b^2$  ou  $\sin \frac{1}{2}x = \cos A \cdot \cos \frac{1}{2}a+b$  Ce qui  
 donne le procédé de calcul que nous avons prescrit.

### Détermination de l'heure du méridien des tables

ayant trouvé que la distance des centres =  $108^\circ 27' 6''$   
 on cherchera dans la connoissance des deux distances  
 de la lune au soleil entre lesquelles la distance que l'on  
 vient de trouver soit comprise. ces deux distances sont  
 la première de  $108^\circ 37' 6''$  qui répond à  $15^h 9' 16''$  et la  
 seconde de  $107^\circ 12' 12''$  qui répond à  $14^h 9' 16''$ . on  
 écrira les uns au dessous des autres d'abord la distance  
 réduite  $108^\circ 27' 6''$  et ensuite les deux distances des  
 tables en commençant toujours par celle qui précède  
 dans les tables. on prendra la différence de la pre-  
 mière à la seconde et celle de la seconde à la troisième  
 enfin on fera cette proportion la seconde différence  
 est à la première comme 3 heures est à un quatrième  
 terme qui sera un nombre d'heures minutes et secondes  
 qu'on ajoutera à l'heure de la première distance des  
 tables et on aura l'heure de parais au tems de  
 l'observation

### Type du calcul

Distance réduite  $108^\circ 27' 6''$   
 Distances prises { préc. à  $15^h 9' 16''$  -  $108.37.6$  Diff.  $9' 54''$   
 dans les tables { suiv. à  $14^h 9' 16''$  -  $107.12.12$  Diff.  $1^\circ 24' 48''$

log. 3 heures ... 4.03342  
 log.  $9' 54''$  ... 2.77379  
 comp. log.  $1^\circ 24' 48''$  ... 6.29343  
 3.10066  
 21' 1''  
 heure préc. ...  $15^h 9' 16''$   
 heure de parais ...  $15.30 17$

[illegible]

as they are made in the straight and narrow way  
and the people are not so much interested in the  
things of the world as they are in the things of the  
spirit.

22

3.  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4}$  (the probability of getting heads on both coins)

... ..

1990

1. The first step is to identify the problem or question that needs to be answered. This involves understanding the context and the specific requirements of the task.

1912

100

*Journal of Management Studies*, 19(1), 67-80.

*[Faint, illegible text]*

[illegible]



Sachant par le calcul cy dessus qu'il étoit à paris  
 $15^h. 30'. 17''$  lorsque l'observation a été faite, on cherchera  
 dans la connoissance des tems la déclinaison du soleil  
 pour cette heure là. et on en conclura la distance au pôle  
 élevé sur l'horizon. ensuite au moyen de cette distance  
 de la latitude et de la hauteur vraie du soleil on  
 trouvera l'heure du vainqueur de la manière suivante  
 on écrit les uns au dessous des autres la hauteur  
 du soleil, la latitude et la distance polaire. on  
 prendra la somme et la demi-somme de ces trois  
 quantités et la différence de la demi-somme à la  
 hauteur. on ajoutera ensuite les compl. du log-cosinus  
 de la latitude, ~~celui~~ celui du log sinus de la distance  
 polaire, le log-cosinus de la demi-somme, et le log sinus  
 du reste; la moitié de la somme des quatre logarithmes  
 sera le log sinus de la moitié de l'angle horaire; on  
 multipliera enfin par 2 ce demi-angle horaire et  
 regardant les minutes du produit comme des secondes  
 de tems, les degrés comme des minutes de tems &c.  
 on aura l'heure du vainqueur

## Type du calcul

Decl. le 10 fevr...  $14^{\circ}. 22'. 35''$  autle 11 fevr...  $14. 3. 0$ Diff. en 24 he...  $19. 37''$ haut. 0...  $6^{\circ}. 20'. 0''$ 
 Done pour  $15^h. 30'$ 

$9. 48$	
$2. 27$	
$23$	
$12. 40$	

lat...  $50. 20. 0$  com. cos  $0. 0071016$ dist. pol...  $104. 10. 0$  com. sin  $0. 0134128$ Decl. cherchée  $14^{\circ}. 9'. 57''$ dist. polaire  $104^{\circ}. 9'. 57''$  $60. 25. 0$  --- cos  $9. 6934534$  $54. 5. 0$  --- sin  $9. 9084159$  $19. 6223837$ sin. dem. angl. hor...  $9. 8111919$ dem. angl. hor...  $42^{\circ}. 20'. 53''$ multipliant par  $8$ heure du vainq...  $5^h. 22'. 47''. 4''$

Main body of handwritten text, appearing to be a letter or a detailed account. The text is written in a cursive script and is mostly illegible due to fading and bleed-through. There are several dark ink blotches and corrections visible throughout the section.

Bottom section of the page containing additional handwritten notes, possibly a list or a summary. It includes some numbers and short phrases, though they are difficult to decipher.

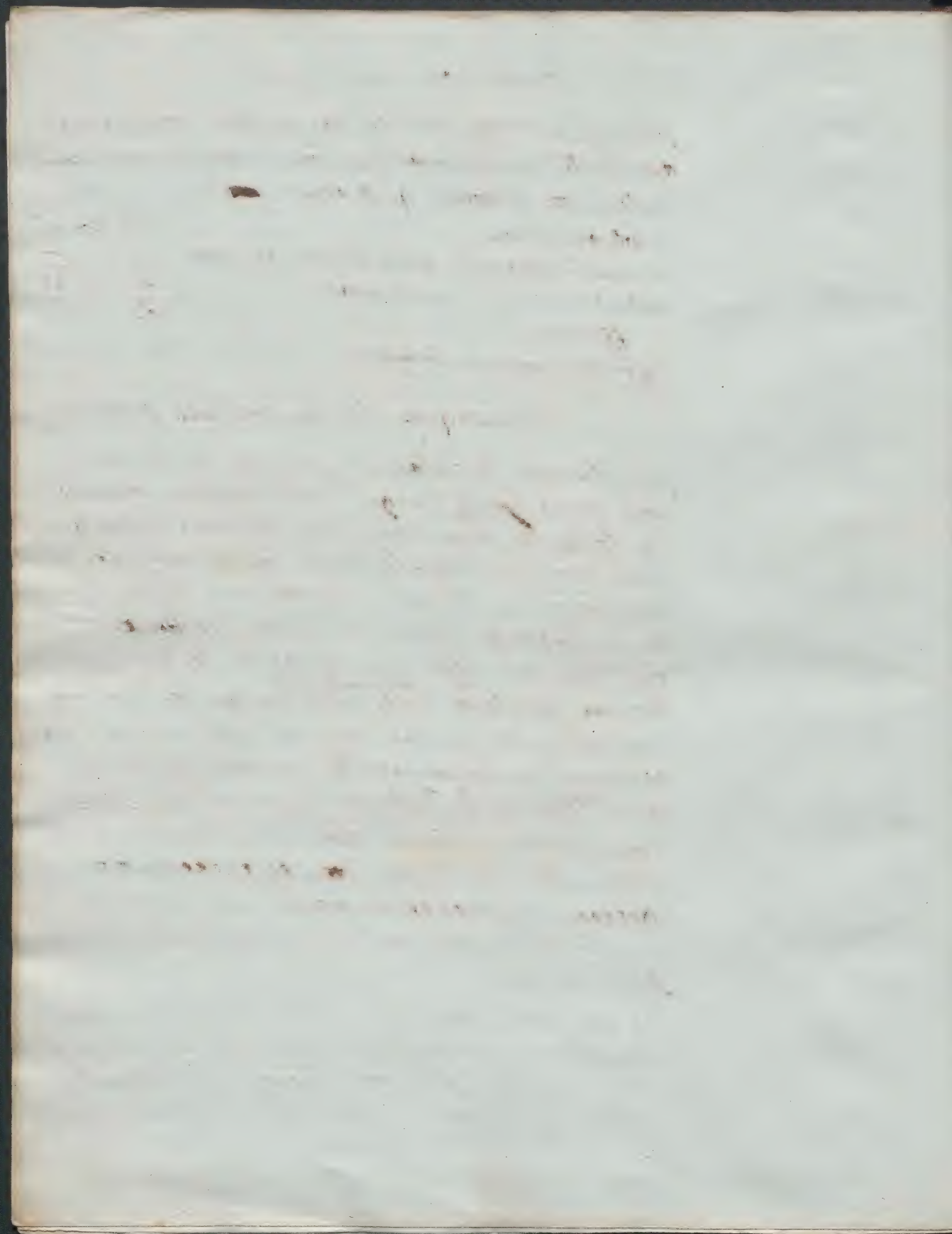


par la distance réduite des centres comparées  
aux tables des distances qui sont dans la connaissance  
des tems on a trouvé qu'il étoit à Paris au tems  
de l'observation —  $15^h. 36'. 15''$   
ou vient de trouver qu'il étoit au même  
instant à bord du vaisseau —  $5. 22. 47$   
Différence —  $10^h. 7'. 36''$   
Différence en degrés ou longitude —  $151^{\circ}. 52'. 30''$

## Remarques sur les calculs précédens

pour trouver la distance apparente des centres  
nous vous ajout<sup>1</sup> (page) à la distance observée  
des bords les demi-diamètres des deux astres que  
nous avons pris dans les tables. mais ces tables ne  
donnent que les diamètres horizontaux et l'on sait  
que les disques de la lune et du soleil ~~deviennent~~  
elliptiques par l'effet de la refraction les diamètres  
inclinés par lesquels <sup>originellement</sup> les deux images se touchent  
sont plus petits que les diamètres horizontaux. par  
conséquent en employant les diamètres des tables  
on a <sup>presque</sup> toujours les distances apparentes des centres  
trop grandes. il seroit <sup>toujours les propres</sup> utile d'avoir égard à cette  
déformation des disques ~~concernés~~  
actuels apparents ~~des autres~~, par exemple  
dans le calcul que nous venons de faire. l'erreur  
seroit de  $14''$

ce que nous disons des distances iditroit aussi  
s'appliquer aux hauteurs apparentes des centres  
pour lesquelles il faudroit employer les diamètres  
verticaux au lieu des diamètres horizontaux, mais





24

presque dans tous les cas excepté ceux où l'arc est  
 très près de l'horizon on peut négliger cette correction  
 parce qu'elle influe très peu sur le résultat de la  
 longitude conclue

II

les tables de refraction dont on se sert ordinairement  
 sont calculées pour un état moyen de l'atmosphère  
 pour paris ou pour Londres. comme on navigue plus  
 ordinairement dans l'été et plus souvent dans les  
 pays chauds que dans les pays froids, il faudroit  
 que les tables de refraction à l'usage des marins  
 fussent calculées pour un état d'atmosphère  
 plus chaud que celui de paris et pour plusieurs  
 qu'il faudroit choisir 14 ou 15°. Du thermomètre  
 de réaumur. on pourroit en même temps pour  
 les observations qui demandent <sup>beaucoup</sup> de précision  
 employer des tables de corrections relatives aux  
 degrés du thermomètre et à la hauteur du  
 baromètre

III

on ne peut trop épargner aux marins la longueur  
 et l'embarras des calculs c'est pour quoi nous pensons  
 qu'il faudroit avoir des tables un peu étendues  
 qui donnerent en même temps la refraction  
 et la parallaxe <sup>de hauteur</sup> de la lune, la parallaxe  
 horizontale ~~de hauteur~~ étant connue: on pourroit  
 aussi faire la même chose pour le soleil.





# methode pour trouver la latitude par des hauteurs du soleil prises hors du meridien

on a proposee differentes methodes d'approximation pour résoudre ce problème, mais elles pehent toutes du côté de l'exatitute, elles sont principalement defectueuses lorsqu'on a fait beaucoup de chemin dans l'intervalle des observations et que la variation diurne de la declinaison est fort grande. en voici une qui n'a pas ces inconveniens et qui s'applique meme au cas ou on veut determiner la latitude par des hauteurs de deux astres tous deux fort éloignés du meridien; le calcul en est un peu long mais il devient facile pour peu qu'on s'y exerce.

nous allons expliquer la methode en calculant un exemple.

à  $0^h. 22'. 54''$  d'une montre on a observé près du meridien une hauteur du soleil qui après toutes les corrections a donné pour la hauteur vraie du centre  $61^{\circ} 1'$

à  $3^h. 10'. 30''$  on a fait une seconde observation qui a donné pour la hauteur vraie du centre  $37^{\circ} 4'. 0''$

La latitude approchée au tems de la 1<sup>re</sup> observation étoit  $33^{\circ} 13'$  nord. Dans l'intervalle des deux observations le vaisseau a parcouru  $3'$  de longitude à l'ouest et  $9'$  de latitude vers le sud

la distance polaire au tems de la 1<sup>re</sup> observation étoit de  $84^{\circ} 59'. 20''$  et au tems de la 2<sup>e</sup> de  $84^{\circ} 57'$  on demande la vraie latitude

Handwritten text at the top of the page, possibly a title or header.

Second line of handwritten text.

Third line of handwritten text.

Fourth line of handwritten text.

Fifth line of handwritten text.

Sixth line of handwritten text.

Seventh line of handwritten text.

Eighth line of handwritten text.

Ninth line of handwritten text.



23

voici d'abord le type du calcul <sup>dont</sup> pour aller  
expliquer le procédé pas à pas 24

observ. voisine du mérid à  $0^h 22'.54''$  ... haut.  $\odot$   $61^\circ 1'.0''$  lat. supp.  $33^\circ 13'$  Dist. pol.  $84^\circ 59'.20''$   
observ. éloignée du mérid. à  $3. 10. 30$  ... haut.  $\odot$   $37^\circ 4'.0''$  lat. supp.  $33. 4$  Dist. pol.  $84. 57. 0$

Diff. ---  $2. 47. 36$   
en degrés ---  $41^\circ 54'. 0$

mouv. du vaisseau à l'ouest ---  $3$

mouv. relatif du  $\odot$  ---  $41^\circ 51'. 0$

observation éloignée du méridien

hauteur  $\odot$ ...  $37^\circ 4'. 0$

latitude ---  $33. 4. 0$  comp. cos  $0. 0767332$  ...  $0. 0775623$

Dist. polaire ---  $84. 57. 0$  comp. sin  $0. 0016891$  ...  $0. 0016891$

$155 05 0$

$77. 32. 30$  --- cos  $9. 3339097$  ...  $9. 3310407$

$40. 28. 30$  --- sin  $9. 8123224$  ...  $9. 8130616$

$\mp$

$19. 2246584$   $19. 2233537$

$9. 6123292$   $9. 6116768$

Demi-angle hor. ---  $24^\circ 10'. 40''$  ---  $24^\circ 8'. 21''$

angle horaire ---  $46. 21. 20$   $48. 16. 42$

mouv. relatif du  $\odot$   $41. 51. 0$   $41. 51. 0$

Second angle hor. ---  $6. 30. 20$   $6. 25. 42$

observation voisine du méridien

cos. seconds angles horaires ---  $9. 9971945$  ---  $9. 9972613$

tang. distance polaire ---  $1. 0370793$   $1. 0370793$

$1. 0342738$   $1. 0343406$

tangentes des angles subsidiaires  $84^\circ 57. 23$  ---  $84. 57. 26$

Sinus des angles subsidiaires ---  $9. 9983151$  ---  $9. 9983158$

sinus hauteur du  $\odot$  ---  $9. 9418893$  ---  $9. 9418893$

comp. sinus dist. pol. ---  $0. 0016632$  ---  $0. 0016632$

comp. cos. ang. hor ---  $0. 0028055$  ---  $0. 0027387$

$9. 9446731$   $9. 9446070$

sin  $61^\circ 41'. 30''$  ---  $61. 40. 22$

angles subsidiaires ---  $84. 57. 23$  ---  $84. 57. 26$

$146. 37. 43$  ---  $146. 37. 48$

comp. à  $180^\circ$  ou lat. corrigées ---  $33. 28. 17$  ---  $33. 22. 12$

latitude supposée ---  $33. 13. 0$  ---  $33. 38. 57. 1$  lat. corrigée +  $10$

$8. 47. 17$   $8. 55. 7$

$8'. 35'' : 7. 47'' :: 10' : x$

$545. 497 : 110 : x$

$x = 9'. 4''$   
lat. supposée  $33^\circ 13'. 0$   
latitude vraie  $33^\circ 22'. 4''$

$9'. 5'' : 8'. 17'' :: 10' : x$

$x = 9'. 29''$   $x = 9'. 7''$   
lat. sup.  $33. 13. 0$  lat. sup.  $33. 13$   
lat. vr.  $33. 22. 53$  lat. vr.  $33. 22. 7$

1865

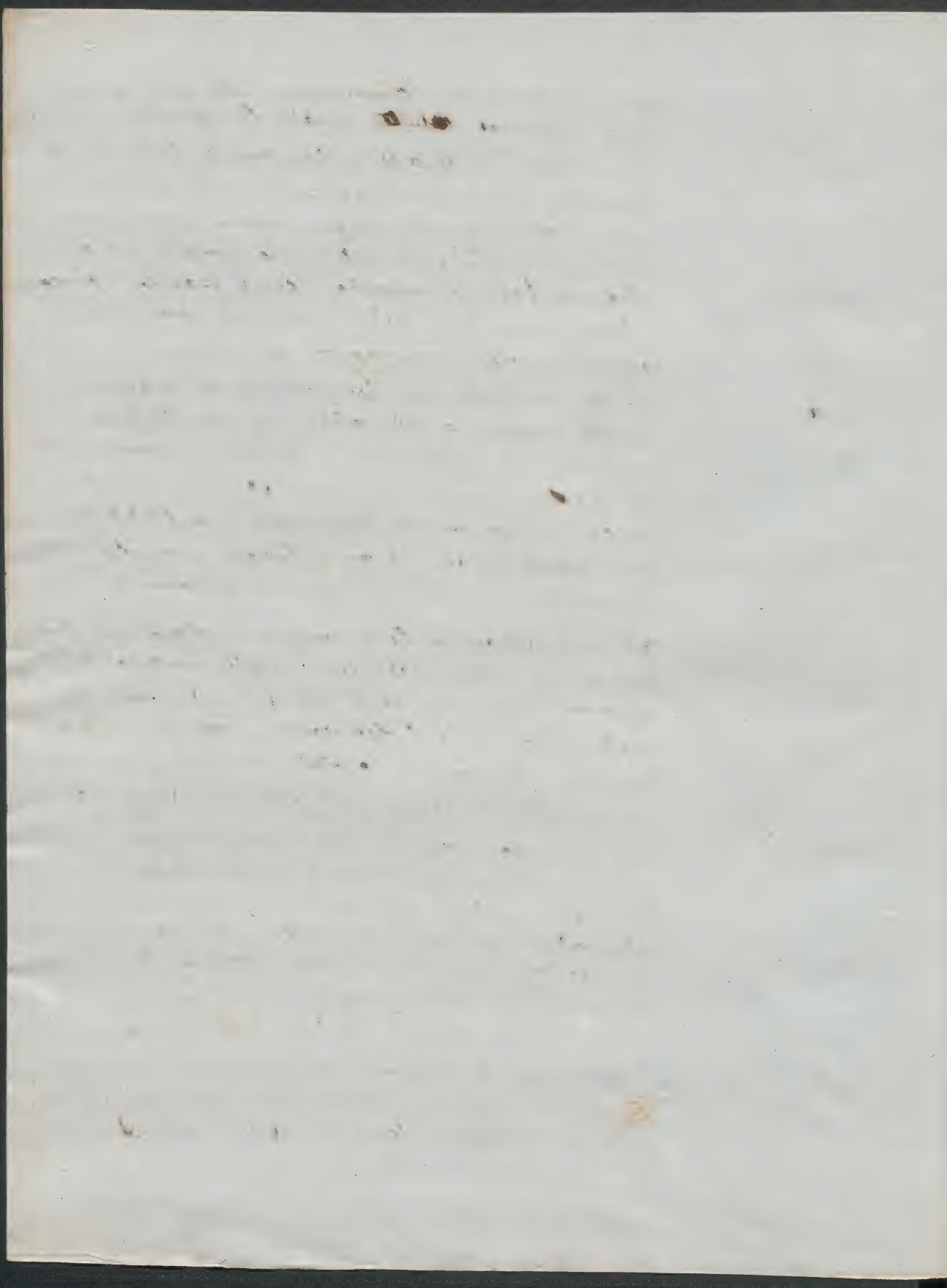
1865

1865

*[Faint, illegible handwritten text, likely bleed-through from the reverse side of the page.]*









horaires, les sommes de ces quatre logarithmes  
sont les sinus de deux angles qu'on a trouvé  
par les tables de  $61^{\circ} 41' 50''$  et de  $61^{\circ} 40' 22''$

$6^{\circ}$  on a ajouté à ces quantités les angles  
subsidiaries  $84^{\circ} 54' 23''$  et  $84^{\circ} 57' 26''$  et on  
a eu  $146^{\circ} 39' 13''$  et  $146^{\circ} 37' 48''$  dont les  
Compléments  $33^{\circ} 20' 47''$  et  $33^{\circ} 22' 12''$  sont  
les latitudes approchées. (nous supposons ici  
que l'observation voisine du méridien a été faite  
du côté du pôle abaissé, si le soleil étoit trouvé  
du côté du pôle élevé on auroit retranché les  
angles subsidiaires et on auroit eu sans prendre  
de Complément les latitudes approchées)

$7^{\circ}$  on a retranché de la 1<sup>re</sup> latitude trouvée  
 $33^{\circ} 20' 47''$ , la latitude  $33^{\circ} 13'$  qu'on a supposée  
lors de l'observation voisine du méridien et on  
a eu la <sup>1<sup>re</sup></sup> correction  $7' 47''$ . ensuite on a retranché  
la seconde latitude <sup>approchée</sup>  $33^{\circ} 22' 12''$  de la première  
 $33^{\circ} 20' 47''$  augmentée de  $10'$  c'est à dire de  
 $33^{\circ} 30' 47''$  et on a eu un reste  $8' 35''$  enfin  
on a fait cette proportion  $8' 35'' : 10' :: 7' 47''$   
est à un quatrième terme  $3' 4''$  qui est la  
vraie correction qu'il faut faire à la latitude  
supposée  $33^{\circ} 13'$  <sup>dont on a obtenu</sup> la vraie latitude  
cherchée =  $33^{\circ} 22' 4''$

il est facile de voir à l'inspection du type du  
Calcul que la première partie est le calcul ordinaire  
d'un angle horaire et que la seconde partie est  
la résolution d'un triangle dans lequel on connoît  
deux côtés et un angle opposé et dont on cherche  
le troisième côté: ~~car on a vu que la première partie est le calcul ordinaire~~

My dear Mr. [illegible]  
I have just received your letter of the 10th inst. and am  
glad to hear that you are well. I am at present  
in the city and have not time to write you more  
fully at present. I will write again when I have  
more leisure.

I am very truly  
yours  
[illegible signature]

I am, Sir, very respectfully,  
Your obedient servant,  
[illegible signature]

I am, Sir, very respectfully,  
Your obedient servant,  
[illegible signature]



la seule chose qu'il soit peut-être difficile d'entendre  
est la manière dont nous trouvons la seconde  
correction et en voici l'explication

en supposant une latitude de  $33^{\circ} 13'$  on voit  
que la ~~1<sup>re</sup>~~ latitude corrigée ~~est~~ est égale à  
 $33^{\circ} 20' 47''$  différente de  $33^{\circ} 13'$  et qui par conséquent  
n'est pas la vraie latitude, en supposant une  
latitude de  $33^{\circ} 23'$  on trouve pour latitude  
corrigée  $33^{\circ} 22' 12''$  <sup>excessif</sup> différente de la latitude  
supposée de  $33^{\circ} 23'$ : il s'agit de trouver d'après  
ces quantités ~~la latitude corrigée~~ la supposition  
qu'il faut faire pour que la latitude corrigée  
et la latitude supposée soient les mêmes  
pour cela soit  $z$  la quantité qu'il auroit  
fallu ajouter à la 1<sup>re</sup> latitude  $33^{\circ} 13'$ , il  
est clair que puisqu'en augmentant ~~la latitude~~  
~~supposée~~ de  $10'$  la latitude supposée  
on a trouvé pour latitude corrigée  $33^{\circ} 22' 12''$   
au lieu de  $33^{\circ} 20' 47''$ ,  $10'$  donnent un changement  
de  $1'. 25''$  dans la 1<sup>re</sup> correction, donc la quantité  
 $z$  donnera  $(1'. 25''). z$  et alors la latitude corrigée  
sera égale à  $33^{\circ} 20' 47'' + \frac{10'}{10'} + (1'. 25''). z$  or par  
la supposition la latitude corrigée sera alors  
égale à  $33^{\circ} 13' + z$  on aura donc  
 $33^{\circ} 13' + z = 33^{\circ} 20' 47'' + \frac{10'}{10'} + (1'. 25''). z$  d'où on  
tient  $z = \frac{(7'. 47'') 10'}{10' - 1'. 25''} = \frac{(7'. 47'') \cdot 10'}{8'. 35''}$  ou  
 $8'. 35'' : 7'. 47'' :: 10' : z$  Ce qui est la proportion  
que nous avons présentée comme ci dessus





27

methode pour determiner la latitude par  
deux étoiles qui passent à peu près à la  
même hauteur sur l'horizon et qui soient  
l'une au nord et l'autre au sud.

on fixera la lunette de l'instrument de manière  
que le fil du centre soit un peu au dessus de  
la plus petite hauteur meridienne des deux  
étoiles.

Cela posé on observera une des deux étoiles par  
exemple celle qui est du côté du pôle élevé et on  
marquera à la pendule le temps ou elle coupe  
le fil en montant et ensuite celui ou elle le  
coupe en descendant, on fera la même chose  
pour l'étoile qui est du côté du pôle abaissé  
et on aura  
~~deux observations successives de l'étoile~~  
la latitude de la manière suivante.

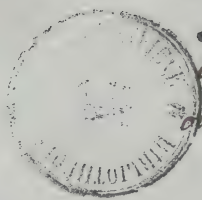
Soit l'intervalle de temps écoulé entre les deux  
observations de l'étoile qui est du côté du pôle  
élevé, réduit en degrés  $\text{---} = A$   
sa distance polaire  $\text{---} = D$   
sa hauteur meridienne approchée  $\text{---} = E$   
la latitude à peu près connue  $\text{---} = L$   
~~la latitude exacte~~  
la quantité dont l'étoile s'élève au dessus du fil  $\text{---} = z$

Soit aussi pour l'étoile qui est du côté du pôle  
abaissé les quantités correspondantes  $A', D', E',$  et  $z'$

on aura  $\sin \frac{1}{2} z = \frac{(\sin \frac{1}{2} A)^2 \cos L \sin D}{\cos E - \frac{1}{2} z}$

et  $\sin \frac{1}{2} z' = \frac{(\sin \frac{1}{2} A')^2 \cos L \sin D'}{\cos E' - \frac{1}{2} z'}$

on déterminera ~~par ces~~ par ces équations les quantités  
 $z$  et  $z'$  et on aura le Complément de la vraie latitude  
 $= \frac{1}{2}(D + D') + \frac{1}{2}z - \frac{1}{2}z'$



20th Nov 1891  
Dear Sir  
I have the pleasure to acknowledge the receipt of your letter of the 17th inst. in relation to the above matter.

I am sorry to hear that you are not satisfied with the result of the examination. I have, however, no objection to your making such use of the facts as you may think proper.

I am, Sir, very respectfully,  
Yours faithfully,  
J. H. [Signature]

Enclosed find a copy of the report of the Committee of the Council of the University of Cambridge.

I am, Sir, very respectfully,  
Yours faithfully,  
J. H. [Signature]

I am, Sir, very respectfully,  
Yours faithfully,  
J. H. [Signature]

I am, Sir, very respectfully,  
Yours faithfully,  
J. H. [Signature]

I am, Sir, very respectfully,  
Yours faithfully,  
J. H. [Signature]

I am, Sir, very respectfully,  
Yours faithfully,  
J. H. [Signature]















